

بیست و پنجمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران و یازدهمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران، دانشگاه شیراز، شیراز، ایران. ۱۳۹۷ بهمن ۱۳۹۷



بررسی نظری استفاده از نانو لولههای نقره به عنوان زیر لایه در پراکندگی رامان تقویت شده سطحی

فرزاد شیرزادی تبار[،]، مریم سلیمی نسب^ا

أ كروه فيزيك، دانشكده علوم، دانشگاه رازي، كرمانشاه، ايران f.shirzadi@razi.ac.ir, saliminasabm@gmail.com

چکیده – نانو لوله فلزی نقره در ناحیه مرئی دارای یک طول موج تشدید پلاسمون سطحی موضعی است. با حل معادلـه لاپـلاس در مختصات استوانهای، میدان الکتریکی موضعی در همه نواحی نانو لوله بدست آمده که با استفاده ار آن می تـوان میـدان الکتریکـی تقویت شده در هر ناحیه را محاسبه کرد. تقویت میدان الکتریکی موضعی یکی از فاکتورهای مهم در تعیین فـاکتور تقویـت SERS است. نتایج محاسبات نظری نشان میدهد، فاکتور SERS در نزدیکی دیواره داخلی نقـره حـدود ¹⁰/ 30×40 و در نزدیکـی دیـواره خارجی نانولوله حدود ¹⁰¹×2.57 است. بنابراین، سیستم نانو لوله نقره میتواند به عنوان زیر لایه در پراکندگی رامان تقویت شـده سطحی استفاده شود.

کلید واژه- پراکندگی رامان، تشدید پلاسمون سطحی، نانو لوله

Theoretical study of using sliver metallic nanotube as a substrate in surface enhanced Raman scattering

Farzad Shirzaditabar¹, Maryam Saliminasab¹

¹Department of Physics, Razi University, Kermanshah, Iran. e-mail: <u>f.shirzadi@razi.ac.ir</u>, <u>saliminasabm@gmail.com</u>

Abstract- A silver metallic nanotube has a localized surface plasmon resonance in visible region. By solving Laplace's equation in cylindrical coordinates, the local electric field in all regions of nanotube is taken which can be used to calculate enhanced electric field in any region. The enhancement of local electric field is one of the important factors in determining the SERS factor. Theoretical results show that the SERS factor near the inner wall of silver tube is about 4.36×10^{12} whereas near the outer wall of nanotube is about 2.57×10^{10} . So, the silver nanotube system can be used as SERS substrate.

Keywords: Raman Scattering, Surface Plasmon, Nanotube

دانشگاه شیراز، شیراز، ایران، ۹–۱۱ بهمن ۱۳۹۷

$$\varepsilon(l,\omega) = \varepsilon_{JC} + \frac{\omega_p^2}{\omega^2 + i \,\,\omega \gamma_{bulk}} - \frac{\omega_p^2}{\omega^2 + i \,\,\omega \Gamma} \quad (1)$$

 $_{\rm JC}$ دادههای تجربی اندازه گیری شده توسط جانسون کریستی [۲] برای توده فلزی است که با استفاده از روش برازش منحنی، مقدار ثابت دیالکتریک در هر بسامد قابل $\omega=2\pi c/\lambda$ منحنی، مقدار ثابت دیالکتریک در هر بسامد قابل تعیین است. فرکانس پلاسمون توده نقره، $\gamma_{\rm bulk}=3.23\times10^{13}$ Hz فرکانس زاویهای نور ورودی لیزر و Hz 10^{13} Hz مربوط به دیگر میرایی در اثر برخورد الکترونها است. Γ مربوط به دیگر میراییها است و به صورت زیر تعریف می شود [۳]:

$$\Gamma = \gamma_{bulk} + A \frac{V_F}{a} + (k_3 R_2)^3 \tag{(7)}$$

که 1×A ضریب سرعت فِرمی، V_F =1.4×10⁶ m/s سرعت V_F =1.4×0 m/s فِرمی، R_2 - R_1 و $a=R_2$ - R_1 عدد موج در محیط بیرون است. عبارتهای دوم و سوم در رابطه (۲)، به ترتیب ثابتهای میرایی مربوط به پراکندگی الکترون در مرز فلز و میرایی تابشی هستند.

محور اصلی نانولوله استوانهای در راستای محور z است و طول آن بینهایت فرض میشود. طبق شکل (۱)، بردار انتشار k در راستای محور y و بردار قطبش در راستای محور x در نظر گرفته شده است.



شکل ۱: هندسه نانو لوله فلزی

به دلیل کوچک بودن شعاع دیواره فلزی نسبت به طول موج فرودی، در این مدل نیز از تقریب شبه استاتیک استفاده میشود. بنابراین با حل معادله لاپلاس در مختصات استوانهای، میدان الکتریکی در هر ناحیه (درون

مقدمه

با پیشرفتهای اخیر در زمینه نانوفناوری، دانشمندان قادر به طراحی نانوساختارهایی با شکلهای متفاوت مانند نانومنشور، نانومیله، نانوپوسته و غیره شدهاند. خواص اپتیکی نانوذرات فلزی، مربوط به تشدید پلاسمون سطحی موضعی^۱ (LSPR)، شامل طیف جذبی و پراکنده تنظیم پذیر، فلوئورسنس تقویت سطحی، پراکندگی رامان تقویت شده سطحی^۲ (SERS) است که توجه بسیاری از دانشمندان این حوزه را به خود جلب کرده است. در این مقاله، در بسامدی نزدیک بسامد *LSPR،* میدان الکتریکی موضعی اطراف نانو لوله فلزی تا مرتبه بالایی تقویت شده که SERS را نتیجه میدهد. این افزایش میدان الکتریکی امکان شناسایی مولکولهای چسبیده به سطح فلز به روش SERS را فراهم می کند.

مدل تئوری

هندسه یک نانو لوله فلزی بلند در شکل (۱) نشان داده شده است. هسته دیالکتریک با شعاع R₁ و ثابت دیالکتریک I³، دیواره نقره با ضخامت R₂-R₁ و ثابت دیالکتریک 2³ و محیط اطراف با ثابت دیالکتریک 3. ثابت دیالکتریک فلز طبق مدل درود-لورنتس بصورت زیر در نظر گرفته می شود [1]:

¹Localized surface plasmon resonance ²Surface enhanced Raman scattering



شكل ۲: طيف ميدان الكتريكي تقويت شده نانو لوله.

توزیع میدان الکتریکی در نانولوله نقره با مشخصات هندسی nm [25,01] = $R_{1,2}$ و $R_{1,2}=1,1,73$ در طول موج تشدید nm [25,01] = λ ، در شکل (۳) رسم شده است. همان طور که در شکل دیده میشود، میدان الکتریکی در فضای خالی داخل نانولوله بیشترین مقدار را داراست. شدت میدان الکتریکی در دیواره داخلی نانولوله بیشتر از شدت میدان الکتریکی در دیواره داخلی نانولوله بیشتر از دیواره خارجی تقویت شده است. توزیع میدان الکتریکی در دیواره داخلی نانولوله به صورت پلاسمون دو قطبی است در حالی که در خارج از نانولوله به صورت یکنواخت به حالت تشدید درآمده است. میدان الکتریکی موضعی در فضای خالی داخل نانولوله ۱۲۸/۴۱ برابر میدان فرودی، در دیواره داخلی ۱۳/۷۱ برابر میدان فرودی و در خارج از نانولوله ۱۳/۵۱ برابر میدان فرودی است.



شكل ٣: توزيع تقويت ميدان الكتريكي نانولوله.

هسته، درون دیواره و محیط اطراف) طبق روابط زیر قابل محاسبه است:

$$\vec{E}_{1} = -(\frac{A_{1}}{E_{0}} - 1)\vec{E}_{0} \tag{(7)}$$

$$\vec{E}_{2} = (1 - \frac{A_{1}'}{E_{0}})\vec{E}_{0} + \frac{C_{1}'}{r^{2}}(\cos\varphi\hat{e}_{r} + \sin\varphi\hat{e}_{\varphi}) \qquad (\mathfrak{f})$$

$$\vec{E}_{3} = \vec{E}_{0} + \frac{C_{1}}{r^{2}} (\cos \varphi \vec{e}_{r} + \sin \varphi \vec{e}_{\varphi})$$
 (a)

که ضرایب عبارتند از:

$$A_{1} = \frac{E_{0}(\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} - \varepsilon_{3})\mathbf{R}_{1}^{2} + E_{0}[\varepsilon_{2}(\varepsilon_{2} - 3\varepsilon_{3}) + \varepsilon_{1}(\varepsilon_{2} + \varepsilon_{3})]\mathbf{R}_{2}^{2}}{(\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} - \varepsilon_{3})\mathbf{R}_{1}^{2} + (\varepsilon_{1} + \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} + \varepsilon_{3})\mathbf{R}_{2}^{2}}$$
(7)

$$A_1' = -\frac{E_0(\varepsilon_2 - \varepsilon_3)[(-\varepsilon_1 + \varepsilon_2)\mathbf{R}_1^2 - (\varepsilon_2 + \varepsilon_3)\mathbf{R}_2^2]}{(\varepsilon_1 - \varepsilon_2)(\varepsilon_2 - \varepsilon_3)\mathbf{R}_1^2 + (\varepsilon_1 + \varepsilon_2)(\varepsilon_2 + \varepsilon_3)\mathbf{R}_2^2} \quad (Y)$$

$$C_{1} = \frac{E_{0}(\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} + \varepsilon_{3})R_{1}^{2}R_{2}^{2} + E_{0}(\varepsilon_{1} + \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} - \varepsilon_{3})R_{2}^{4}}{(\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} - \varepsilon_{3})R_{1}^{2} + (\varepsilon_{1} + \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} + \varepsilon_{3})R_{2}^{2}}$$
(A)

$$C_{1}' = \frac{2E_{0}(\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2})\varepsilon_{3}R_{1}^{2}R_{2}^{2}}{(\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} - \varepsilon_{3})R_{1}^{2} + (\varepsilon_{1} + \varepsilon_{2})(\varepsilon_{2} + \varepsilon_{3})R_{2}^{2}}$$
(9)

فاكتور تقويت پراكندگي رامان

نسبت میدان الکتریکی موضعی در خارج از نانو لوله به میدان الکتریکی فرودی طبق رابطه $\left| \vec{E}_{o} \right| / \left| \vec{E}_{o} \right|$ میدان الکتریکی تقویت داده میشود. شکل (۲)، طیف میدان الکتریکی تقویت شده در خارج از سطح نانو لوله نقره، بر حسب طول موج با مشخصات هندسی [25,10] = R₁, 2 و [1,1.77] = $\epsilon_{1,3}$ را نشان میدهد. طبق شکل (۲)، طیف جذبی نانو لوله در طول موج main از برهم کنش مُدهای پلاسمون حفره داخلی و پوسته خارجی نقره است.

۹۷۹ این مقاله در صورتی دارای اعتبار است که در سایت <u>www.opsi.ir</u> قابل دسترسی باشد.

خارجی نقره تا مرتبه بالایی تقویت شده است. فاکتور بالای SERS نانولوله نشان میدهد، این نانو ذره گزینه مناسبی برای زیرلایههای SERS در شناسایی مولکولها به شمار می رود.

مرجعها

- R.D. Averitt, S.L. Westcott, N.J. Halas, "Linear optical properties of gold nanoshells". J Opt Soc Am B, Vol. 16, No. 10, pp.1824-1832, 1999.
- [2] P. B. Johnson, R.W. Christy, "Optical constants of noble metals", Phys Rev B, Vol. 6, No. 12, pp. 4370-4379, 1972.
- [3] V.B. Gildenburg, V.A. Kostin, I.A. Pavlichenko, "Resonances of surface and volume plasmons in atomic clusters", Physics of Plasmas, Vol.18, No. 9, pp. 092101-092106, 2011.

فاکتور تقویت پراکندگی رامان طبق رابطه زیر داده می شود:

$$G_{SERS} = \left| \frac{E_{loc}}{E_0} \right|^4 \tag{1.}$$

شکل (۴) مقدار لگارتیم فاکتور تقویت SERS نانولوله فلزی را در طول موج ۳۸۱ نانومتر نشان میدهد. فاکتور SERS در شکل با رنگهای مختلف نشان داده شده است. نتایج محاسبات نشان میدهد، فاکتور تقویت SERS نانولوله فلزی در درون فضای خالی حدود ¹⁰¹×2.45 و در نزدیکی دیواره داخلی نقره حدود ¹⁰¹×4.36 و در نزدیکی نزدیکی دیواره داخلی نقره حدود ¹⁰¹×2.57 و در دیواره خارجی نانولوله در حدود ¹⁰¹×2.57 است. در مقایسه با دیگر نانوساختارها، نانولوله تقویت میدان الکتریکی بیشتر و در نتیجه فاکتور تقویت SERS بالاتری را نشان میدهد.



نتيجهگيرى

نانو لوله فلزی نقره در ناحیه مرئی دارای یک طول موج تشدید پلاسمون سطحی موضعی است. تقویت میدان الکتریکی موضعی یکی از فاکتورهای مهم تاثیرگذار در حسگری به روش SERS است. نتایج محاسبات نشان میدهند که میدان الکتریکی در دیواره داخلی و دیواره