



بیست و پنجمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران و یازدهمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران، دانشگاه شیراز، شیراز، ایران.  
۹-۱۱ بهمن ۱۳۹۷



## شبیه سازی برهم نهی فیلم های هولوگرافی برای افزودن تصاویر جدید

سید آرش مدائنی<sup>۱</sup>، مسعود رضوانی جلال<sup>۱\*</sup>، مسعود پیشدست<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup>گروه فیزیک و فوتونیک، دانشگاه ملایر، ملایر (rezvanijalal@malayeru.ac.ir)

<sup>۲</sup>پژوهشکده پلاسما و گداخت هسته ای، پژوهشگاه علوم و فنون هسته ای، سازمان انرژی اتمی

چکیده - در این مقاله نحوه افزودن تصاویر جدید به یک هولوگرام ذخیره شده مورد مطالعه نظری و شبیه سازی قرار می گیرد. برای انجام این کار امواج نوری گسیل شده از تمام اشیاء حاضر در صحنه تصویر برداری در محل فیلم هولوگرافی لحاظ می شود. بررسی این موج برابند نشان می دهد که برای افزودن یک تصویر جدید به هولوگرام مورد نظر باید ابتدا تصویر هولوگرافی شیئی جدید با تک تک اشیاء موجود در فیلم قبلی به صورت جداگانه به دست آید. با داشتن این هولوگرام ها و گذاشتن آنها روی هولوگرام قدیم می توان تصویر شیئی جدید را بین تصاویر قبلی وارد کرد.

کلید واژه- برهم نهی، هولوگرافی، هولوگرام.

## Simulation of Superposition of Holography Films for Addition of New Images

Seyyed Arash Madaeni<sup>1</sup>, Masoud Rezvani Jalal<sup>1\*</sup>, Masoud Pishdast<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Department of Physics and Photonics, Malayer University, Malayer (rezvanijalal@malayeru.ac.ir)

<sup>2</sup>Plasma Physics and Fusion Research School, Nuclear Science and Technology Research Institute

Abstract- In this paper the method of addition of new images to a saved hologram is studied theoretically and by simulation. To do this task the light waves emitted from all the objects present in the imaging scene at the position of holographic film is considered. Investigation of the total wave shows that in order to add a new image to the desired hologram, holographic image of the new object with all individual objects in the previous film should be first obtained separately. Given these holograms and putting them over the old one, image of the new object can be inserted among the previous images.

Keywords: Superposition, Holography, Hologram.

## مقدمه

آنچه که در فوتوگرافی روی فیلم عکاسی ذخیره می شود شدت نور است ولی در هولوگرافی علاوه بر شدت، فاز نور نیز ثبت می گردد. با داشتن این فاز می توان تصاویر سه بعدی از اجسام ایجاد کرد [۱]. البته هولوگرافی در مقایسه با فوتوگرافی دارای محدودیت هایی است که از آن جمله می توان به استفاده از نور لیزر برای روشن کردن اشیاء، نیاز به فیلم عکاسی با قابلیت ثبت جزئیات میکرومتری، کار کردن در مکان هایی با کمترین لرزش های محیطی (مثل میزهای اپتیکی و ...) و همچنین محدودیت در شکل و نوع اشیاء تصویرگیری اشاره کرد.

هولوگرافی علاوه بر جایگاهی که در صنایع سرگرمی ساز دارد کاربردهای متنوعی مانند ریز سنجی، طیف سنجی و تداخل سنجی هم در بین پژوهشگران به خود اختصاص داده است. خود فرایند هولوگرافی نیز زمینه کاری محققان زیادی می باشد و ظهور مفاهیم جدید هولوگرافی همچون هولوگرافی چندرنگی، متا-هولوگرافی، هولوگرافی پرتو ایکس، هولوگرافی دیجیتال و ... در مقالات علمی جدید شاهدهی بر این ادعا است [۲-۵].

مسئله ترکیب هولوگرام ها و یا تجزیه یک هولوگرام به هولوگرام های دیگر موضوع جالبی از منظر تداخل سنجی و تصویر سازی می باشد [۶]. در این مقاله با استفاده از یک برنامه شبیه سازی رایانه ای به ترکیب هولوگرام ها جهت افزودن تصویر جدید پرداخته می شود.

## نظریه برهم نهی طرح های تداخلی

تصویر برداری هولوگرافی معمولاً در یکی از دو حالت عبوری یا بازتابی انجام می شود. در چیدمان بازتابی (که مد نظر مقاله حاضر است) نور لیزر ابتدا به دو قسمت شکافته می شود. یک قسمت به سمت اجسامی که قرار است هولوگرافی شوند روانه می گردد و از آنها به سوی فیلم

هولوگرافی بازتاب می شود. قسمت دیگر نیز مستقیماً به طرف فیلم هولوگرافی حرکت کرده و در آنجا با نور بازتابی از اجسام تداخل می کند. با ظاهر کردن این فیلم و نوردهی آن توسط لیزر قبلی یک تصویر سه بعدی از اجسام هولوگرافی شده ایجاد می شود.

برای به دست آوردن فرمول طرح تداخلی نقش بسته بر روی فیلم، موج نور لیزر مرجع در محل فیلم با  $E_1$  و امواج نوری بازتابیده از سایر اجسام با  $E_2, E_3$  و ... نشان داده شوند. فرض می شود که تعداد کل منابع نوری (شامل لیزر و نورهای بازتابی از اجسام)  $n$  باشد. با این نمادها موج کل در محل فیلم از رابطه زیر به دست خواهد آمد:

$$E = \sum_{i=1}^n E_i \quad (1)$$

از آنجا که شدت نور با مربع میدان موج نوری متناسب است پس طرح تداخلی ایجاد شده روی فیلم هولوگرافی از فرمول زیر تبعیت می کند:

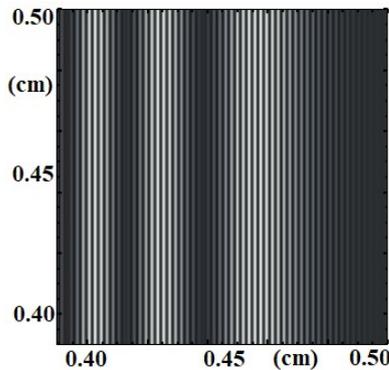
$$I \propto |E|^2 = \sum_{i=1}^n I_i + \sum_{i=1}^n \sum_{j>i} I_{ij} \quad (2)$$

که در آن  $I_i$  و  $I_{ij}$  به ترتیب شدت منبع  $i$  و شدت تداخلی نور  $i$  و نور  $j$  به صورت زیر می باشند:

$$I_i = E_i^2 \quad (3)$$
$$I_{i,j} = (E_i E_j^* + E_i^* E_j)$$

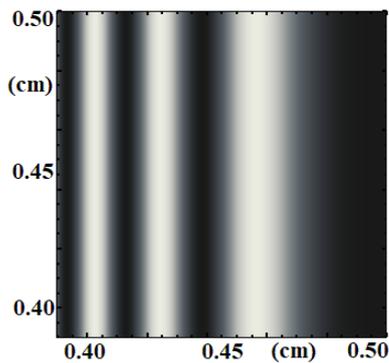
از رابطه (۲) مشخص است که در یک سیستم هولوگرافی با  $n$  منبع، افزودن یک شیئی جدید باعث ایجاد  $n$  جمله تداخلی اضافی و نیز شدت مربوط به آن شیئی در رابطه ۳ می شود. این بدان معناست که اگر هولوگرام یک مجموعه  $n$  چشمه ای (لیزر و بازتاب هایش) را در اختیار داشته باشیم و بخواهیم تصویر شیئی دیگری را به آن اضافه کنیم باید هولوگرام شیئی جدید با تک تک منابع نوری قبل (لیزر و

تصویر هولوگرام ایجاد شده روی فیلم در  $1\text{ mm}$  انتهای بالایی آن در شکل ۲ نشان داده شده است:



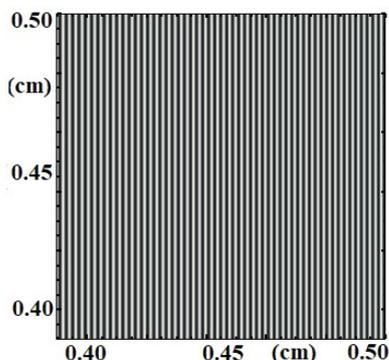
شکل ۲: هولوگرام ایجاد شده در  $1\text{ mm}$  انتهای بالای فیلم شکل ۱.

حال هولوگرام تمام منابع (لیزر، شیئی ۱ و شیئی ۲) به صورت دو به دو محاسبه می شود. در شکل ۳ هولوگرام شیئی ۱ و لیزر دیده می شود.



شکل ۳: هولوگرام  $1\text{ mm}$  بالای فیلم در حضور شیئی ۱ و لیزر.

در شکل ۴ هولوگرام شیئی ۲ و لیزر آورده شده است.

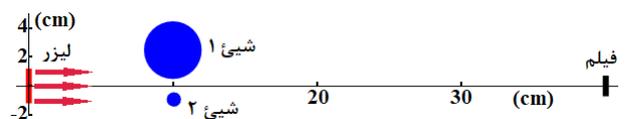


شکل ۴: تصویر هولوگرافی تشکیل شده در  $1\text{ mm}$  انتهای بالایی فیلم برای شیئی ۲ و لیزر.

اشیاء) را به صورت جداگانه تشکیل دهیم. با برهم نهی این فیلم های هولوگرامی و قرار دادن آنها روی هولوگرام قدیم پشته ای از هولوگرام ها به دست خواهد آمد که به هنگام روشن شدن با لیزر مرجع، تصویر سه بعدی از همه اشیاء قبلی به همراه تصویر شیئی جدید در آن قابل مشاهده خواهد بود. با این تکنیک به سادگی می توان تصویر شیئی یا اشیاء جدید را به هولوگرام های موجود اضافه کرد. البته از آنجا که هر یک از این هولوگرام ها شدت نور شیئی جدید و شدت یکی دیگر از اشیاء را با خودش به همراه دارد انتظار می رود که تصویر این پشته هولوگرامی کم رنگ تر از هولوگرامی باشد که با تصویر برداری یک مرحله ای از تمام اشیاء (قدیم و جدید) تهیه شده است.

### برنامه نویسی و نتایج شبیه سازی

برای شبیه سازی تداخل هولوگرامی یک برنامه کامپیوتری در محیط Mathematica توسط نویسندگان مقاله نوشته شده است که هولوگرام یک یا چند جسم دو بعدی با مقاطع دایروی را تشکیل می دهد. این برنامه ابتدا نور بازتاب شده از اجسام را به دست می آورد و سپس آنها را با نور لیزر مرجع در محل فیلم هولوگرافی تداخل داده و طرح هولوگرام را تولید می کند. برای انجام شبیه سازی از لیزر هلیوم-نئون با طول موج  $\lambda = 532/8\text{ nm}$  استفاده می شود. یک استوانه دایروی به شعاع  $2\text{ cm}$  به عنوان شیئی اول و یک استوانه دایروی به شعاع  $0/5\text{ cm}$  به عنوان شیئی دوم لحاظ می گردد. این دو شیئی را می توان در هر وضعیت دلخواهی قرار داد. در اینجا فرض می شود که آنها طبق شکل ۱ چیده شده باشند:



شکل ۱: چیدمان شبیه سازی هولوگرافی با لیزر هلیوم نئون به پهنای  $2\text{ cm}$ ، شیئی ۱ به شعاع  $2\text{ cm}$  و شیئی ۲ به شعاع  $0/5\text{ cm}$  که در فاصله  $10\text{ cm}$  لیزر و به فاصله  $1\text{ cm}$  از هم قرار دارند و نیز فیلمی به پهنای  $1\text{ cm}$  در فاصله  $40\text{ cm}$ .

تصویر دلخواه به یک هولوگرام پرداخته شد. مشخص گردید که برای افزودن یک شیء جدید به هولوگرام موجود باید ابتدا هولوگرام های منفردی به صورت دو به دو از آن شیء و تک تک اشیاء قبلی (و حتی لیزر) موجود در هولوگرام قدیم تهیه گردد. با روی هم گذاشتن این هولوگرام ها (با هر ترتیب چینی) و چسباندن آنها به هولوگرام قبلی، تصویر شیء جدید در پشته هولوگرامی حاصل دیده خواهد شد.

توسعه برنامه شبیه سازی استفاده شده در مقاله حاضر به اشیاء سه بعدی و غیر کروی و نیز انجام آزمایش های تجربی به منظور تایید یافته های مقاله جزء کارهای در حال انجام نویسندگان مقاله می باشد.

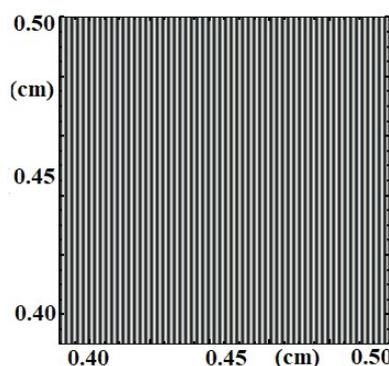
## سپاسگزاری

از دانشگاه ملایر و سازمان انرژی اتمی به خاطر حمایت از به ثمر رسیدن این کار پژوهشی قدردانی می شود.

## مرجع ها

- [1] M. Yamaguchi, "Light-field and holographic three-dimensional displays", Journal of the Optical Society of America A, Vol. 33, No. 12, pp. 2348-2364, 2016.
- [2] Xiong Li et al., "Multicolor 3D meta-holography by broadband plasmonic modulation", Science advances, Vol. 4, pp. 1-6, 2016.
- [3] S. Eisebitt et al., "Lensless imaging of magnetic nanostructures by X-ray spectro-holography", Nature, Vol. 432, pp. 885-888, 2006.
- [4] Y. Kashyap et al., "Simulation studies of atomic resolution X-ray holography", Bull. Mater. Sci., Vol. 27, No. 1, pp. 79-84, 2004.
- [5] B. Javidi et al., "Three-dimensional object recognition by use of digital holography", Opt. Lett., Vol. 25, No. 9, pp. 610-612, 2000.
- [6] Ferreol Soulez et al., "Inverse problem approach for particle digital holography: accurate location", Journal of the Optical Society of America A, Vol. 24, Issue. 24, pp. 1164-1171, 2006

در نهایت نیز تصویر هولوگرافی مربوط به دو شیء ۱ و ۲ بدون لحاظ کردن اثر نور لیزر بر روی فیلم به صورت شکل ۵ به دست می آید:



شکل ۵: هولوگرام تشکیل شده در ۱ mm انتهای بالایی فیلم برای هر دو شیء ۱ و ۲ بدون لحاظ اثر لیزر روی فیلم.

با روی هم گذاشتن این تصاویر هولوگرامی مجزا و کم کردن شدت های مازاد (یعنی لیزر،  $I_1$  شیء ۱ و  $I_2$  شیء ۲ به آن دلیلی که در قسمت قبل ذکر شد) از دوباره تصویر هولوگرامی شکل ۲ (که در بر گیرنده همه اشیاء است) به دست خواهد آمد. به عبارت دیگر برهم نهی این تصاویر مجزای هولوگرامی منجر به ایجاد طرح هولوگرامی کل می شود که در آن همه اشیاء حضور دارند.

این مثال شبیه سازی از نگاه دیگری نیز قابل بررسی است. بدین ترتیب که می توان فرض کرد هولوگرام اولیه مثلاً هولوگرام لیزر-شیء ۱ باشد یعنی شکل ۳. حال اگر قرار باشد شیء ۲ (به عنوان شیء جدید) نیز به این هولوگرام اضافه شود باید طبق مطالب بخش قبل هولوگرام شیء ۲- لیزر (یعنی شکل ۴) و هولوگرام شیء ۲-شیء ۱ (یعنی شکل ۵) به دست آید. با قرار دادن این هولوگرام ها روی هم و افزودن آنها به هولوگرام اولیه، هولوگرامی تهیه خواهد شد (یعنی شکل ۲) که شامل هر دو شیء است.

## نتیجه گیری

در این مقاله با روش شبیه سازی به مسئله برهم نهی فیلم های هولوگرافی ذخیره شده به منظور اضافه کردن