



## ابر تفکیک با نوردهی ساختاریافته در میکروسکوپی تمام‌نگاری دیجیتال میرائو

یاسمن گنج‌خانی<sup>۱</sup>، احسان احدی اخلاقی<sup>۱،۲</sup>، محمد چهارسوقی<sup>۱،۳</sup>، علیرضا مرادی<sup>۳</sup>  
<sup>۱</sup>دانشکده فیزیک، دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان، زنجان کد پستی ۴۵۱۳۷-۶۶۷۳۱  
<sup>۲</sup>مرکز پژوهشی اپتیک، دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان، زنجان کد پستی ۴۵۱۳۷-۶۶۷۳۱  
<sup>۳</sup>دانشکده علوم نانو، پژوهشگاه دانش‌های بنیادی، تهران، ایران کد پستی ۱۹۳۹۵-۵۵۳۱

چکیده - در این مقاله از نوردهی ساختاریافته برای افزایش توان تفکیک در میکروسکوپی تمام‌نگاری دیجیتال میرائو از طریق تصویر کردن توری‌های دوبعدی بر نمونه استفاده شده است. میکروسکوپی تمام‌نگاری دیجیتال روشی غیرمغرب و آسان برای تصویربرداری سه بعدی از اجسام فازی است. چیدمان شبه هم‌مسیر و خودمرجع میرائو به سبب سادگی و حساسیت کمتری که در مقابل ارتعاشات محیطی دارد، چیدمانی مناسب برای میکروسکوپی تمام‌نگاری دیجیتال است. شیئی‌های میرائو با گشودگی عددی بالا گران هستند و در مقابل شیئی‌های با گشودگی عددی پایین‌تر از توان تفکیک کم رنج می‌برند. نشان داده شده است که می‌توان با تصویر کردن توری یک بعدی یا فرکانس مناسب بر روی نمونه توان تفکیک عرضی را در یک راستا افزایش داد و با چرخش توری می‌توان به افزایش توان تفکیک در تمام راستاها رسید. در این مقاله نشان می‌دهیم که با استفاده از توری‌های دوبعدی با طرح‌های شطرنجی و لانه زنبوری می‌توان بی‌نیاز از چرخش توری به ابرتفکیک در تمام راستاها رسید. استفاده از روش فوق به بهبود توان تفکیک چیدمان با نوردهی معمولی از ۱/۲۹۴ میکرومتر به ۰/۸۴ میکرومتر منجر شد و با استفاده از آن میکروکره‌ها در میان انبوهه‌هایی از آن‌ها که با نوردهی معمولی قابل آشکارسازی نبودند، تفکیک شدند.

کلید واژه- ابرتفکیک، میکروسکوپی تمام‌نگاری دیجیتال، میرائو، نوردهی ساختاریافته

### Super-resolution by Structured Illumination in Mirau Digital Holographic Microscopy

Yasaman Ganjkhani<sup>1</sup>, Ehsan A. Akhlaghi<sup>1,2</sup>, Mohammad A. Charsooghi<sup>1,2</sup>, and Ali-Reza Moradi<sup>2,3</sup>

<sup>1</sup>Department of Physics, Institute for Advanced Studies in Basic Sciences (IASBS), 45137-66731, Zanjan, Iran

<sup>2</sup>Optics Research Center, Institute for Advanced Studies in Basic Sciences (IASBS), 45137-66731, Zanjan, Iran

<sup>3</sup>School of Nano Science, Institute for Research in Fundamental Sciences (IPM), PO Box 19395-5531, Tehran, 19395, Iran

Abstract- In this paper we apply structured illumination in Mirau digital holographic microscopy to improve the lateral resolution. Digital holographic microscopy (DHM) is an effective and non-contact technique for 3D imaging of phase objects. Among different DHM setups, Mirau DHM due to its simple and vibration-immune nature is of a high interest. Mirau objectives with high NA are expensive and low NA ones suffer from low lateral resolution. It has been shown that by imaging 1D gratings on the sample we can obtain super-resolution in DHM in 1 direction and to have super-resolution in all directions the gratings should be rotated. We demonstrate that by projecting 2D gratings, instead, super-resolved 3D images in all directions may be obtained. We apply the technique to resolve microparticles within aggregations of them which can never be resolved under uniform illumination of the Mirau DHM setup. The resolution power of the system was improved from 1.3 to 0.84 microns.

Keywords: Super-resolution, Digital Holographic Microscopy, Mirau, Structured Illumination

Formatted: Font: 12 pt, Font color: Black, (Complex) Persian (Iran)

این مقاله در صورتی دارای اعتبار است که در سایت [www.opsi.ir](http://www.opsi.ir) قابل دسترسی باشد

## ۱- مقدمه

بالایی دارند و در مقابل در میراثوهای با بزرگنمایی کم نسبت توان تفکیک عرضی به محوری بسیار کمتر است. توان تفکیک در DHM به توان تفکیک سیستم تصویرساز آن، مشخصات دوربین ثبت تمام‌نگاشت‌ها و نیز به اندازه پنجره پالایه فوریه در حین بازسازی بستگی دارد. غالب روش‌هایی را که برای ابرتفکیک در میکروسکوپی به کار می‌رود می‌توان برای DHM هم بکار برد. از جمله ترکیب نوردهی ساختاریافته با چیدمان DHM می‌تواند جالب توجه باشد. برای مثال Ma و همکارانش در سال ۲۰۱۳ از توری معمولی با فرکانس متغیر برای افزایش توان تفکیک در DHM استفاده کرده‌اند [۷]. در [۸] گروهی دیگر از توری‌های یک‌بعدی با جهات مختلف که بر روی مدوله‌کننده فضایی نور (SLM) ایجاد شده‌اند، برای ابرتفکیک استفاده کرده‌اند. قبلاً با وارد کردن یک میکروکره شفاف در **طول‌کاز** **فاصله‌کار** میراثو افزایش بزرگنمایی و توان تفکیک را نشان داده شده و از آن برای تشخیص گلبول‌های سرخ مبتلا به تالاسمی نوع خفیف و نیز برای بررسی ناهماری سطح نانوکامپوزیت‌های پلیمری استفاده کرده‌ایم [۹ و ۱۰]. در این مقاله چیدمان هم‌مسیر میراثو را با نور ساختاریافته دوبعدی روشن کرده‌ایم و نشان داده‌ایم که با آن توان تفکیک عرضی سیستم زیاد می‌شود.

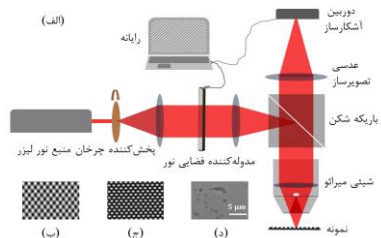
## ۲- مبانی نظری

در ساده‌ترین شکل نوردهی ساختاریافته در چیدمان تمام‌نگاری میکروسکوپی، نمونه با تصویر یک توری **راستی** **سینوسی** روشن می‌شود. شکل (الف) طرح‌واره‌ای از طیف فوریه یک نمونه شامل فرکانس‌های پایین و بالا، همانند آنچه در مرحله بازسازی تمام نگاشت‌ها دیده می‌شود، را نشان می‌دهد. مستطیل خط‌چین محدوده فرکانسی را که طول‌موج و گشودگی سیستم مجاز می‌دانند، نشان می‌دهد. در نوردهی معمولی سیستم فقط به فرکانس‌های بازه  $[NA/\lambda, -NA/\lambda]$  اجازه عبور می‌دهد. وقتی که سیستم با نوردهی ساختاریافته روشن شود، بخشی از فرکانس‌های بالا سوار بر مراتب ۱ و ۱- پراش توری می‌شوند و به اندازه زاویه پراش مرتبه اول که با گام توری  $P_x$  و بزرگنمایی سیستم  $M$  مشخص می‌شود، نسبت به پراش مرتبه صفر که مربوط به فرکانس‌های پایین است جابجا می‌شوند (شکل (ب)). گام توری‌ها باید طوری انتخاب شود که حتی‌الامکان مراتب

استفاده شود، می‌توان روش را از چرخش‌های زیاد توری بی‌نیاز کرد.

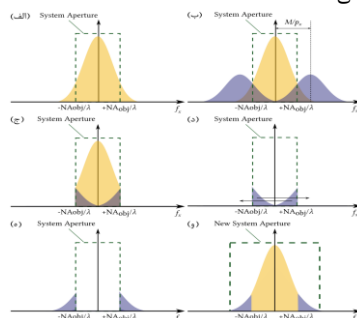
### ۳- آماده‌سازی نمونه و چیدمان آزمایش

در شکل ۲ (الف) طرح کلی از چیدمان مورد استفاده در این کار آمده است. باریکه لیزر هلیوم-نئون (شرکت پویا فرآزما، ۲ mW، طول موج ۶۳۲٫۸ nm) ابتدا از پخش‌کننده چرخان که به منظور کاهش نوفه و فریزهای مزاحم از طریق کم کردن هم‌دوسی فضایی بر سر راه نور تعبیه شده می‌گذرد. عدسی اول ( $f=25\text{ mm}$ ) جبهه موج خروجی از پخش‌کننده را بر مدوله‌کننده فضایی نور (SLM) تصویر می‌کند. طرح توری‌های مناسب بر روی SLM سوار شده‌اند که از طریق عدسی دوم ( $f=50\text{ mm}$ ) و باریکه‌شکن و شیئی میراثو (Nikon, NA= $\frac{0.43}{3}$ , ۱۰X) بر نمونه تصویر می‌شوند. در داخل میراثو بخشی از باریکه از باریکه‌شکنی که در دهانه آن نصب شده عبور کرده و از نمونه برمی‌گردد. بخش دیگری از باریکه از روی باریکه‌شکن به داخل شیئی بازتابیده شده و سپس به آینه مرجع که در داخل شیئی تعبیه شده برخورد می‌کند و از آن بازتابیده می‌شود. این باریکه نقش باریکه مرجع را ایفا می‌کند. دو باریکه پس از خروج از میراثو با هم تداخل می‌کنند. این باریکه‌های تداخلی از طریق عدسی سوم ( $f=160\text{ mm}$ ) به سمت آشکارساز هدایت می‌شوند و تمام‌نگاشت حاصل بر آشکارساز، ثبت می‌شود. برای داشتن تمام‌نگاری خارج‌محور در این چیدمان کافی است میزچه نمونه قدری زاویه داشته باشد. تصاویری از توری‌های دوبعدی شطرنجی و لانه‌زنبوری مورد استفاده در شکل‌های ۲ (ج) و (د) نمایش داده شده‌اند.



شکل ۲ (الف) طرح‌واره چیدمان آزمایش؛ (ب) طرح فازی شطرنجی و (ج) لانه‌زنبوری سوار شده بر SLM، (د) تصویر میکروسکوپی از نمونه

۱ و ۱- همپوشانی نداشته باشند. شکل ۱ (ج) همپوشانی فرکانس‌های بالا و پایین قابل‌مشاهده توسط سیستم را نشان می‌دهد.

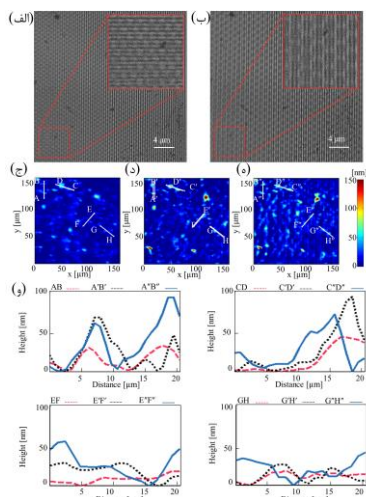


شکل ۱ طرحی از نحوه افزایش توان تفکیک با استفاده از نوردهی ساختاریافته

برای از بین بردن این همپوشانی و انتقال فرکانس‌های بالا به مکان درست خود ابتدا فرکانس مرتبه صفر که معادل نوردهی معمولی است از طیف فرکانسی نمونه کسر می‌شود (شکل ۱ (د)). سپس فرکانس‌های مراتب بالا به اندازه  $M/P_x$  در فضای فرکانسی جابجا می‌شوند تا در جای درست خود قرار گیرند (شکل ۱ (ه)). این معادل حالتی است که سیستم دارای گشودگی عددی بزرگ‌تر ( $NA_{eff}$ ) باشد که نظیر شکل ۱ (و) از رابطه  $NA_{eff} = NA + NA_{SI}$  به‌دست می‌آید. در این رابطه  $NA_{SI} = \sin\theta_{SI} = M\lambda/P_x$  گشودگی عددی است که نوردهی ساختاریافته به سیستم افزوده و برابر با پراش مرتبه اول توری تصویرشده بر نمونه است. به این ترتیب حد تفکیک سیستم با نوردهی ساختاریافته از رابطه  $\delta = \kappa\lambda/NA_{eff}$  به‌دست می‌آید که در آن  $\kappa$  از پارامترهای تجربی نظیر نرخ سیگنال به نوفه دوربین به‌دست می‌آید. تمام این مراحل باید در هنگام بازسازی تمام‌نگاشت‌ها نیز اجرا شوند. ما برای بازسازی از روش انتشار طیف زاویه‌ای استفاده می‌کنیم که دامنه و فاز میدان را به‌دست می‌دهد. برای افزایش توان تفکیک در تمام جهت‌ها لازم است توری یک‌بعدی دست کم در دو جهت دیگر بر نمونه تصویر شود و تمام مراحل بالا بر تک‌تک جهت‌ها اعمال شود. اما اگر به جای توری یک‌بعدی، از توری دوبعدی با ساختارهای مختلف نظیر شطرنجی یا لانه‌زنبوری (Hexagonal) با گام‌های به حد کافی کوچک

Formatted: Font: 12 pt

نویسندگان از آقای یوسف پورویس برای کمک در تحلیل داده‌ها سپاسگزاری می‌کنند.



شکل ۳ نتایج تجربی تحت نوردهی ساختاریافته دوبعدی؛ هولوگرام شیئی تحت نوردهی با طرح (الف) شطرنجی (ب) لانه‌زنبوری؛ بازسازی-های دوبعدی تحت نوردهی (ج) معمولی، (د) شطرنجی (ه) لانه-زنبوری؛ (و) نمایه‌های یک‌بعدی در راستای خطوط مشخص شده در تصاویر دوبعدی (ج)، (د) و (ه).

در این کار از میکروگراف‌های ۱ میکرونی به عنوان نمونه استفاده کردیم. این میکروگرافات در محلول الکل پلی‌وینیل رقیق شده مخلوط شده و سپس بر روی یک لام با لایه‌نشانی آلومینیومی در هوای آزاد خشک شدند. ذرات بر روی لام به طور تصادفی توزیع شده‌اند. برخی از آن‌ها طوری در کنار هم قرار گرفته‌اند که امکان دارد تک‌ذره‌ها توسط شیئی ما آشکار نشوند. چنین نواحی از نمونه مورد نظر ما بوده‌اند. در شکل ۲ (ه) تصویری از میکروسکوپی با شیئی  $40\times$  از این نمونه آمده است.

#### ۴- نتایج تجربی

شکل ۳ نتایج بازسازی تمام‌نگاشت‌های تحت نوردهی معمولی و نوردهی ساختاریافته دوبعدی را نشان می‌دهد. شکل‌های ۳ (الف) و (ب) به ترتیب تمام‌نگاشت‌های نمونه تحت نوردهی شطرنجی و لانه‌زنبوری هستند. تصاویر بازسازی دوبعدی از این نمونه در شکل‌های ۳ (ج) تا (ه) به ترتیب برای نوردهی معمولی، شطرنجی و لانه‌زنبوری آورده شده است. در شکل ۳ (و) نیز نمایه‌های یک‌بعدی در راستای خطوط با جهت‌گیری‌های متفاوت نشان داده شده در تصاویر دوبعدی، رسم شده‌اند. با مقایسه نتایج بین نوردهی-های معمولی و دوبعدی افزایش توان تفکیک در جهات مختلف با استفاده نوردهی دوبعدی قابل مشاهده است. گشودگی عددی شیئی میرائو  $10\times$  معادل  $0.73$  است، بنابراین حدتفکیک سیستم تحت نوردهی معمولی صرف‌نظر از نوفه‌ها و خطاهای موجود معادل  $1/29$  میکرون است. گشودگی عددی حاصل از توری‌های مورد استفاده برابر با  $0.16$  است که باعث بهبود حدتفکیک سیستم به  $0.84$  میکرون می‌شود، که این عدد با نتایج تجربی مطابقت دارد.

#### ۵- نتیجه‌گیری

در این پژوهش افزایش توان تفکیک در میکروسکوپی تمام-نگاری دیجیتال میرائو با نوردهی ساختاریافته انجام گرفت. نشان داده شد که استفاده از نور ساختاریافته با طرح توری دوبعدی، توان تفکیک در تمام جهات زیاد می‌شود و نیازی به ثبت تمام‌نگاشت‌های بیشتر در جهات مختلف نیست. این امر به افزایش سرعت داده‌گیری می‌انجامد که می‌تواند برای تصویربرداری از نمونه‌های پویا مورد استفاده قرار گیرد.

#### سپاسگزاری

Formatted: Centered

Formatted: Font: 7 pt, Complex Script Font: 9 pt

Formatted: Numbered + Level: 1 + Numbering Style: 1, 2, 3, ... + Start at: 1 + Alignment: Left + Aligned at: 0" + Tab after: 0.25" + Indent at: 0.25"

Formatted: Font: 12 pt, Font color: Black