



بیست و یکمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران
و هفتمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران
۲۳ تا ۲۵ دی ماه ۱۳۹۳، دانشگاه شهید بهشتی



طراحی و شبیه سازی سیستم استخراج و کانونی کننده باریکه برای چشمه یون H^+

عاطفه فتحی، سید امیر حسین فقهی، سید مصطفی ساداتی

دانشگاه شهید بهشتی، دانشکده مهندسی هسته‌ای، گروه کاربرد پرتوها

چکیده - در این مقاله به طراحی و شبیه سازی سیستم استخراج باریکه یون H^+ از چشمه‌های یونی مبتنی بر تشکیل پلازما، با استفاده از برنامه شبیه سازی *CST particle studio* پرداخته شده است. در واقع هدف طراحی سیستمی برای استخراج و کانونی ساختن باریکه است. چندین تغییر در هندسه سیستم استخراج به منظور کانونی ساختن باریکه اعمال شده است؛ از جمله ایجاد هلال مقعر در پلازما، طراحی الکتروود شبه پیرس در اطراف باریکه و استفاده از عدسی استخراج کننده کروی با طول کانال 14.5 mm . طول کانال عدسی استخراج برابر با فاصله کانونی باریکه یون H^+ در نظر گرفته شده است. فاصله کانونی که توسط روابط ریاضی محاسبه شده است با نتایج شبیه سازی مطابقت دارد.

کلید واژه- برنامه شبیه سازی *CST particle studio*، چشمه یونی، سیستم استخراج.

Design and simulation of ion beam extractor and focusing system for H^+ ion source

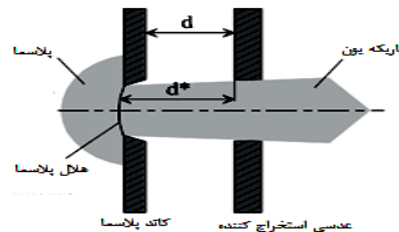
Atefeh Fathi, Seyed Amir Hosein Feghhi, Seyed Mostafa Sadati

Nuclear engineering Department of University of Shahid Beheshti

Abstract- This paper discusses the design and simulation of the ion beam extractor from an ion source using CST particle studio. It has been used to design the extraction system in order to produce a highly focused beam. Several changes were done at the geometry of the extraction system to focusing the ion beam, including creating a concave plasma meniscus, using of a quasi-pierce electrode at the beam periphery and using the spherical extraction electrodes with 14.5 mm channel. We assume that, the extraction electrode channel length is equal to focal length of H^+ ion beam. The focal length that was calculated with mathematical relations is consistent with the result of CST simulation.

Keywords: CST particle studio, ion source, extraction system.

دومین مرحله برای چشمه‌های یونی پلاسما، پس از تولید یک پلاسما با چگالی بالا، استخراج یون‌های پلاسما در شکل یک باریکه یون می‌باشد. این کار می‌تواند با استفاده از یک الکتروود که دارای پتانسیل منفی نسبت به کاتد پلاسما است، انجام گیرد. [۱-۲] استخراج یون و فرایند تشکیل باریکه یکی از مراحل بسیار سخت در کاشت یون، جداسازی مغناطیسی و تشخیص پلاسما است. [۳] سیستم استخراج طراحی شده شامل دو الکتروود؛ کاتد پلاسما و عدسی استخراج کننده می‌باشد. شماتیکی از سیستم استخراج دو الکتروودی در شکل ۱ نشان داده شده است. پلاسما در یک سمت کاتد پلاسما قرار گرفته و باریکه یونی شکل گرفته به سمت عدسی استخراج کننده انتقال داده می‌شود.



شکل ۱: سیستم استخراج دو الکتروودی

سطح ساطع کننده یون در چشمه‌های یونی هلال پلاسما نامیده می‌شود که شکل آن ثابت نبوده و وابسته به چگالی پلاسما و همچنین اختلاف پتانسیل بین کاتد پلاسما و عدسی استخراج است. [۴] شکل هلال پلاسما باعث همگرایی و واگرایی باریکه استخراج شده خواهد شد به گونه‌ای که هلال مقعر باریکه همگرا، هلال محدب باریکه واگرا و هلال مسطح باریکه موازی ایجاد خواهد نمود. [۵] در واقع هلال پلاسما سطح هم پتانسیل بین ناحیه خلا و پلاسما می‌باشد. به همین دلیل با شبیه سازی سطوح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلاسما، به وسیله برنامه CST particle studio با تقریب خوبی شکل هلال پلاسما را تخمین زده و تمام ملاحظات و طراحی‌ها را بر پایه تشکیل هلال مقعر در دهانه کاتد پلاسما قرار داده تا باریکه استخراج شده از چشمه به صورت همگرا باشد تا بتوان به راحتی آن را کانونی نمود. برنامه شبیه سازی CST PS [۶] برای آنالیز دقیق و سریع دینامیک ذرات در میدان‌های الکترومغناطیسی سه بعدی به کار می‌رود.

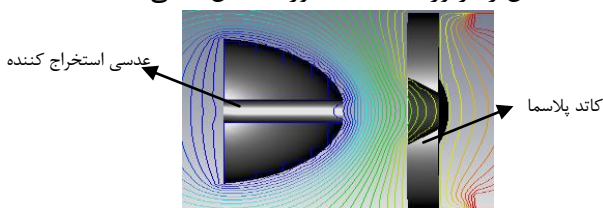
۲- روش انجام کار

با توجه به سیستم استخراج مورد بررسی، می‌توان با ایجاد تغییراتی در هندسه کاتد پلاسما و عدسی استخراج کننده، همگرایی زیادی در باریکه استخراج شده به وجود آورد. در تمام مراحل طراحی دو نکته اساسی رعایت شده است؛ الف) شکل سطوح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلاسما مقعر باشد. ب) سطوح هم پتانسیل بین کاتد پلاسما و عدسی استخراج دارای انحنای زیادی باشد تا به همگرایی هر چه بیشتر باریکه، کمک کند.

در این طراحی قطر دهانه کاتد پلاسما ۵,۳۵mm و با نسبت ۰,۶۶ قطر دهانه کاتد پلاسما ۳,۷۵mm در نظر گرفته شده است. این نسبت ۰,۶۶ را مونا الخشاب در مقاله خود، با بررسی ابراهمی کروی و کروماتیک، بهترین نسبت بین قطر دهانه کاتد پلاسما و عدسی استخراج کننده به دست آورده است. [۷] علاوه بر ثابت نگه داشتن قطر دهانه کاتد پلاسما و قطر دهانه عدسی استخراج در شبیه سازی‌ها، اختلاف پتانسیل بین دو الکتروود ۵kV- و فاصله بین این دو الکتروود نیز ثابت در نظر گرفته شده و صرفاً به بررسی شکل هندسه مناسب پرداخته شده است. کوبلند بهترین نسبت شعاع دهانه کاتد پلاسما به فاصله بین اولین و دومین الکتروود استخراج را، برای دستیابی به بیشترین چگالی جریان، کمتر از ۰,۵ به دست آورد. [۸] به همین دلیل در اینجا نیز با توجه به شعاع کاتد پلاسما و با رعایت این نسبت، فاصله بین کاتد پلاسما و عدسی استخراج ۵mm در نظر گرفته شده است. پس از تعیین شکل مناسب عدسی استخراج و کاتد پلاسما به محاسبه فاصله کانونی باریکه H⁺ پرداخته شده است. طراحی بدین صورت انجام شده است که نقطه کانونی باریکه تقریباً پس از خروج از عدسی استخراج کننده باشد.

۳- شبیه سازی

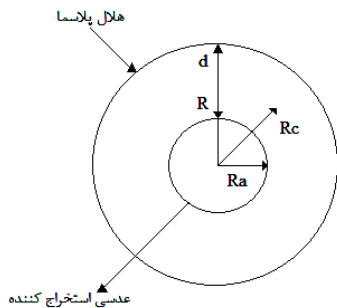
شبیه سازی‌های بسیاری توسط برنامه CST انجام شده است، اما هندسه‌ای که بتواند هر دو شرط ذکر شده در قسمت قبل را برآورده کند به صورت شکل ۲ می‌باشد.



شکل ۲: سیستم استخراج طراحی شده

$$\frac{I}{0^{-6}(1-\cos\theta)} \left[\frac{d(\alpha)^{4/3}}{dR} = \frac{dV}{dR} \right] = \left[\frac{I}{14.67 \times 10^{-6}(1-\cos\theta)} \right]^{2/3} \frac{d(\alpha)^{4/3}}{dR}$$

به صورتی که هرچه شعاع هلال پلازما افزایش یابد، به بین دلیل هم مرکز بودن دو کره، فاصله بین کاتد پلازما و عدسی استخراج نیز افزایش خواهد یافت. در اینجا شعاع عدسی استخراج کننده ۱۱mm در نظر گرفته شده است، اگر شعاع هلال پلازما بین بازه ۱۶mm تا ۲۳mm تغییر کند می توان هلال پلازما و عدسی استخراج کننده را به صورت دو کره هم مرکز، مشابه شکل ۴، در نظر گرفت. زیرا شکل سطح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلازما، که تقریبی از هلال پلازماست، در این فواصل به صورت بخشی از یک کره ی بزرگ است که در بردارنده کره عدسی استخراج کننده می باشد. ولی با زیاد شدن شعاع هلال پلازما از ۲۳mm، دیگر سطح هم پتانسیل در دهانه کاتد پلازما محدب خواهد شد.



شکل ۴: هلال پلازما و عدسی استخراج در سیستم استخراج کروی

همانگونه که قبلا ذکر شد طول کانال عدسی استخراج کننده برابر با فاصله کانونی باریکه در نظر گرفته شده است. برای محاسبه فاصله کانونی از رابطه دیوسون کالپیک به صورت تقریبی استفاده شده است. رابطه دیوسون کالپیک فاصله کانونی را به صورت برای لنز نازک بیان می کند. [۱۱]

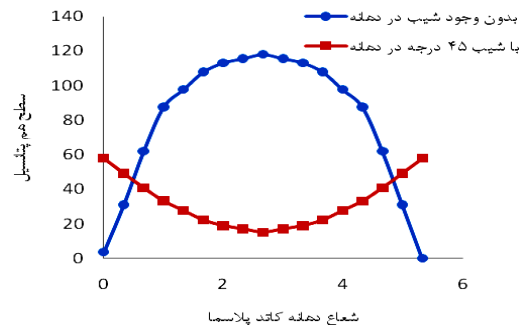
$$f = 4 \frac{V_a}{E_2 - E_1} \quad (1)$$

E_1 میدان در ابتدای باریکه و E_2 میدان در انتهای باریکه می باشد، V_a نیز پتانسیل عدسی استخراج کننده است. از آنجایی که در داخل عدسی استخراج کننده میدان صفر است پس $E_2 = 0$ می باشد. مقدار E_1 را می توان به صورت $E_1 = -dV/dR$ نوشت و با استفاده از معادله ۲ که پروه-انس برای سیستم های کروی همگرا می باشد، مقدار V را محاسبه کرد و سپس E_1 را به دست آورد. [۱۲]

$$P = \frac{0.34}{\alpha^2} (1 - \cos \theta) = \frac{V^{3/2}}{I} \quad (2)$$

α تابعی از γ می باشد که خود γ وابسته به شعاع R_a عدسی استخراج کننده و R_c شعاع هلال پلازما می باشد.

کاتد پلازما طراحی شده دارای ضخامت ۳،۵mm و شیب دهانه ۴۵ درجه می باشد. سطح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلازما با وجود شیب ۴۵ درجه و بدون شیب در شکل ۳ نشان داده شده است. شیب دهانه کاتد پلازما باعث شده شکل سطح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلازما، از محدب به مقعر تغییر کند. این شیب علاوه بر این باعث شده توزیع سطوح هم پتانسیل بین دو الکتروود تغییر کند به نحوی که باریکه همگرا تر شود.

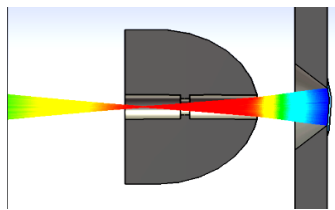


شکل ۳: سطح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلازما با وجود شیب ۴۵ درجه و بدون شیب

در تفنگ های الکترونی و همچنین در برخی از چشمه های یونی از زاویه ۶۷،۵ یعنی زاویه پیرس^۱ برای شیب کاتد پلازما استفاده شده است. [۱۰،۹] با حل معادله لاپلاس برای کاتد تفنگ های الکترونی، زاویه ای که در آن پتانسیل برابر با صفر خواهد شد به دست خواهد آمد، که این زاویه برابر با ۶۷،۵ درجه می باشد، این زاویه را به نام زاویه پیرس می شناسند. اما تمامی محاسبات زاویه پیرس برای استخراج باریکه موازی انجام شده است اما در اینجا باریکه استخراج شده به صورت همگرا می باشد. بنابراین زاویه پیرس باید نسبت به لبه باریکه در نظر گرفته شود پس زاویه شیب دهانه کاتد پلازما از ۶۷،۵ درجه کمتر خواهد شد. چون انحنای هلال پلازما به طور دقیق مشخص نمی باشد به طور تقریبی زاویه ۴۵ درجه را برای شیب کاتد پلازما انتخاب کرده که شرط مقعر بودن سطح هم پتانسیل در دهانه داخلی کاتد پلازما را نیز برآورده می کند.

برای انحنای بیشتر سطوح هم پتانسیل بین کاتد پلازما و عدسی استخراج کننده شکل عدسی استخراج کننده به صورت نیمی از یک نیم کره به شعاع ۱۱mm طراحی شده است. به طور کلی هلال پلازما و عدسی استخراج کننده به صورت بخشی دو کره هم مرکز در نظر گرفته شده اند

استخراج کننده، باریکه پس از خارج شدن از عدسی کانونی می‌گردد.



شکل ۶: مسیر باریکه برای شعاع هلال پلاسما ۱۸,۵mm و شعاع عدسی استخراج کننده ۱۱ mm و طول عدسی استخراج کننده ۱۴,۵mm

نتیجه گیری

سیستم استخراج تاثیر بسزایی بر شکل و سایز باریکه خارج شده از چشمه یونی خواهد داشت. برای داشتن باریکه کانونی با انرژی دلخواه، می‌توان از روند این مقاله برای طراحی سیستم استخراج استفاده نمود. به گونه‌ای که ابتدا با توجه به انرژی باریکه مورد نیاز پتانسیل بین کاتد پلاسما و عدسی استخراج را تعیین نمود و سپس با ثابت گرفتن شعاع دهانه و فاصله هر این دو الکتروود، سیستم استخراجی مشابه سیستم استخراج طراحی شده در اینجا، طراحی کرد.

منابع

- [۱] A.G.Drentje; Rev. Sci. Instrum., ۷۵, ۱۳۹۹ (۲۰۰۴).
- [۲] M.Leitner, D.Wutte, J.Brandstotter, F.Aumayr and HP.Winter; Rev. Sci. Instrum., ۶۵, ۱۰۹۱ (۱۹۹۴).
- [۳] M. Turek et al; Vacuum ۷۸; ۶۴۹-۶۵۴ (۲۰۰۵).
- [۴] S. R. Lawrie, D. C. Faircloth, A. P. Letchford, Plasma meniscus and extraction electrode studies of the ISIS H⁺ ion source, of scientific instruments ۸۱, ۰۲A۷۰۷ (۲۰۱۰).
- [۵] Stanley Humphries Jr, *Modeling ion extraction from a free-plasma surface with a flexible conformal mesh*, Journal of Computational Physics ۲۰۴ ۵۸۷-۵۹۷ (۲۰۰۵).
- [۶] CST PS manual, (۲۰۱۳).
- [۷] Muna A. Al-Khashab, Abdullah E. Al-Abdullah, *The Effect of Bore Diameters in Two Electrodes Electrostatic Immersion Lens Design*, Raf. J. Sci., Vol. ۲۴, No. ۲ pp. ۸۲-۹۱, ۲۰۱۳.
- [۸] Coupland. J. R and Thompson. E, Rev. Sci. Instrum. ۴۲, ۱۰۴۳, (۱۹۷۱).
- [۹] Humphries. Stanley, *Modeling ion extraction from a free-plasma surface with a flexible conformal mesh*, Computational Physics ۲۰۴, (۲۰۰۵).
- [۱۰] Lawrie. S.R, *Plasma meniscus and extraction electrode studies of the ISIS H ion source*, review of scientific instruments ۸۱, ۰۲A۷۰۷, (۲۰۱۰).
- [۱۱] V. I. Davydenko, A. A. Ivanov, S. A. Korepanov, and I. A. Kotelnikov, *Precise formation of geometrically focused ion beams*, review of scientific instruments ۷۷, ۰۳B۹۰۲ (۲۰۰۶).
- [۱۲] Abdelrahman. M. M and Zakhary. S. G, *simulation studies for ion beam extraction systems*, Brazilian Journal of physics, vol. ۳۹, no. ۲, June, (۲۰۰۹).

$$\alpha = \gamma - 0.3\gamma^2 + 0.075\gamma^3 - 0.01432\gamma^4 \quad (۳)$$

$$+ 0.0021609\gamma^5 - 0.000267\gamma^6 + \dots$$

$$\gamma = \text{Ln}\left(\frac{Ra}{Rc}\right) \quad (۴)$$

با استفاده از فرمول ۲ و کمی محاسبات جبری ساده E_1

به صورت

$$E_1 = -\frac{dV}{dR} = -\frac{4V_a}{3(\alpha) R_a} \frac{df(\gamma)}{d\gamma} \quad (۵)$$

که در آن

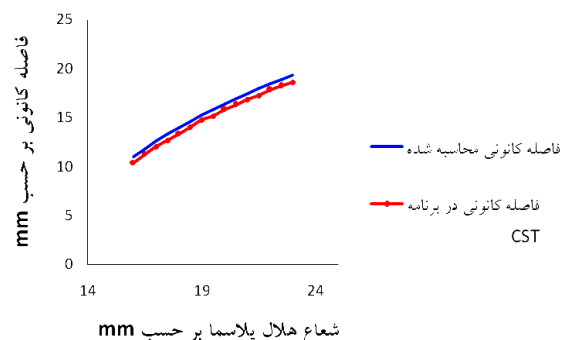
$$\frac{df(\gamma)}{d\gamma} = 1 - 0.6\gamma + 0.225\gamma^2 - 0.0573\gamma^3 \quad (۶)$$

$$+ 0.0108\gamma^4 - 0.0021\gamma^5$$

به این ترتیب E_1 ، به راحتی در سطح عدسی استخراج کننده محاسبه شده و با جایگذاری E_1 ، فاصله کانونی از رابطه ۱ به دست می‌آید.

$$f = \frac{3\alpha R_a}{(df(\gamma)/\gamma)} \quad (۷)$$

با توجه به رابطه ۷، شعاع عدسی استخراج را ۱۱mm ثابت در نظر گرفته و شعاع هلال پلاسما را از ۱۶mm تا ۲۳mm تغییر داده و فاصله کانونی را برای هر حالت محاسبه کرده و با فاصله کانونی به دست آمده از شبیه سازی حاصل از CST مقایسه کرده که نتایج در شکل ۵ آورده شده است.



شکل ۵: مقایسه فاصله کانونی محاسبه شده و فاصله کانونی به دست آمده در برنامه CST

شکل ۵ مسیر حرکت باریکه در حالتی که شعاع هلال پلاسما ۱۹,۵mm و عدسی استخراج کننده ۱۱mm باشد را نشان می‌دهد. با استفاده از فرمول شماره ۷، فاصله کانونی برای این حالت ۱۴,۶۰mm محاسبه شده و نقطه‌ای که باریکه در آن کانونی می‌گردد در CST برابر با ۱۴mm است. با اضافه کردن استوانه‌ای به شعاع خارجی ۱۱mm و شعاع داخلی ۱,۷۵mm به عدسی