



بیست و یکمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران  
و هفتمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران  
۲۳ تا ۲۵ دی ماه ۱۳۹۳، دانشگاه شهید بهشتی



## شبیه‌سازی و بهینه‌سازی تقویت‌کننده‌ی فیبری ایتربیم توان بالا برای پالس‌های نانوثانیه

حسین خلیلی راد<sup>۱</sup>، ابوالقاسم زیدآبادی نژاد<sup>۱</sup>، محمد جواد حکمت<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup>دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر، دانشگاه صنعتی اصفهان  
<sup>۲</sup>آزمایشگاه تحقیقاتی لیزر فیبری، صنایع اپتیک اصفهان

در این مقاله به شبیه‌سازی و بهینه‌سازی تقویت‌کننده‌ی فیبری دو-غلاف ایتربیم (*YDDC*) برای تقویت‌کنندگی پالس‌های نانوثانیه با نرخ تکرار کیلوهرتز پرداخته می‌شود. در ابتدا مدل معادلات نرخ دینامیکی برای تقویت‌کننده‌ی فیبری *YDDC* معرفی می‌شوند و حل عددی معادلات با روش تفاضل محدود (*FDM*) توضیح داده می‌شود. با استفاده از این مدل مشخصه‌های مختلف تقویت‌کننده‌ی فیبری *YDDC* مانند تحول شکل پالس، انرژی پالس خروجی و توان متوسط گسیل خود به خودی تقویت شده (*ASE*) بین دو پالس بر حسب انرژی پالس ورودی پالس شبیه‌سازی می‌شوند. در نهایت طول تقویت‌کننده برای حداکثر توان متوسط خروجی در طول‌موج‌های پمپ  $915\text{ nm}$  و  $976\text{ nm}$  برای پمپ رو به جلو، رو به عقب و دو طرفه بهینه‌سازی می‌شود.

کلیدواژه- تقویت‌کننده‌ی فیبری دو-غلاف ایتربیم پالسی، معادلات نرخ دینامیکی، گسیل خود به خودی تقویت شده، بهینه‌سازی تقویت‌کنندگی پالس. روش تفاضل محدود (*FDM*)

## Simulation and Optimization of High Power Ytterbium-Doped Fiber Amplifier for Nanosecond Pulses

Hossein Khalili Rad<sup>1</sup>, Abolghasem Zeidaabadi Nezhad<sup>1</sup>, Mohammad Javad Hekmat<sup>1,2</sup>

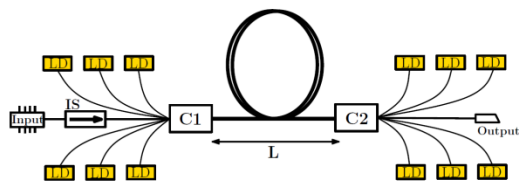
<sup>1</sup>Isfahan University of Technology

<sup>2</sup>Fiber Laser Research Lab, Isfahan Optics Industry

In this paper, the simulation and optimization of Ytterbium-Doped Double-Clad (*YDDC*) fiber amplifier for amplification of nanosecond pulses with kilohertz repetition rate is presented. First dynamic rate equation model for *YDDC* fiber amplifier is presented and numerical solution with finite difference method (*FDM*) is explained. Using this model, several characteristics of *YDDC* fiber amplifiers such as evolution of pulse waveform, output pulse energy and average output power of inter-pulse Amplified Spontaneous Emission (*ASE*) versus input pulse energy is simulated. Eventually amplifier length is optimized for maximum average output power in the  $915\text{-nm}$  and  $976\text{-nm}$  wavelength for forward, backward and bidirectional pump.

Keywords: Ytterbium-doped Double-Clad pulse fiber amplifier, dynamic rate equations, amplified Spontaneous emission, optimization of pulse amplifier.

۱- مقدمه



شکل ۱: پیکره بندی یک تقویت کننده فیبری نمونه که از دو طرف پمپ شده. L: طول فیبر YDDC. C1 و C2: کوپلرهای ورودی و خروجی. LD لیزر دیویدهای پمپ. IS: ایزولاتور ورودی.

$$N = N_1 + N_2 \quad (2)$$

$$\frac{dP_p^\pm(z,t)}{dz} = -\Gamma_p [\sigma_a(\lambda_p)N_1(z,t) - \sigma_e(\lambda_p)N_2(z,t)] \times P_p^\pm(z,t) - \alpha(\lambda_p)P_p^\pm(z,t) \quad (3)$$

$$\frac{dP^\pm(z,t,\lambda_k)}{dz} = -\Gamma [\sigma_a(\lambda_k)N_1(z,t) - \sigma_e(\lambda_k)N_2(z,t)] \times P^\pm(z,t,\lambda_k) - \alpha(\lambda_k)P^\pm(z,t,\lambda_k) + 2\sigma_e(\lambda_k)N_2(z,t) \frac{hc^2}{\lambda_k^3} \Delta\lambda \quad k=1,\dots,K \quad (4)$$

که در آن  $\frac{dP^\pm}{dz} = \pm \frac{\partial P^\pm}{\partial z} + \frac{1}{v} \frac{\partial P^\pm}{\partial t}$  می باشد. در معادلات (۱) تا (۴)،  $N$  غلظت ناخالصی ایتربیوم می باشد که در طول فیبر یکنواخت فرض شده است.  $N_1$  و  $N_2$  به ترتیب جمعیت های تراز پایه و بالا به صورت تابع زمان  $t$  و مختصه  $z$  هستند.  $P_p^\pm(z,t)$  توان پمپ و  $P^\pm(z,t,\lambda_k)$  توان ASE در هر کانال می باشد ( $\pm$  به ترتیب متناظر با انتشار به جلو و عقب است). در حضور سیگنال مستقیم  $P^+(z,t,\lambda_s)$  نشان دهنده توان سیگنال است.  $v$  و  $v_p$  سرعت های گروه پمپ و ASE در هر کانال هستند.  $\sigma_e$  و  $\sigma_a$  به ترتیب سطح مقطع های جذب و گسیل یون های ایتربیوم هستند که در شکل ۲ نشان داده شده است.  $\lambda_p$  ( $\lambda_k$ ) طول موج پمپ (کانال های ASE) و  $\tau$  طول عمر تراز بالای یون های ایتربیوم (تقریباً برابر  $10^{-4}$  s)،  $A$  سطح مقطع هسته آرایش شده فیبر،  $\Gamma_p$  ( $\Gamma$ ) ضریب هم پوشانی میان پمپ (ASE) در فیبر آرایش شده است.  $\alpha$  ضریب تضعیف فیبر است.  $c$  سرعت نور در خلأ و  $h$  ثابت پلانک است. شرایط مرزی مربوط به معادلات دیفرانسیل جزئی (۱) تا (۴) در (۵) داده شده است

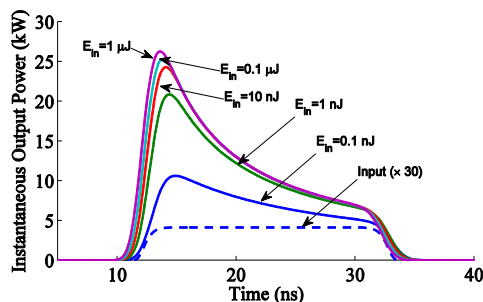
لیزرهای پالسی نانو ثانیه با قله ی توان بالا کاربردهای متنوعی در صنعت، مخابرات و امور نظامی مانند حکاکی، جوشکاری لیزری، فاصله یابی، سنجش از راه دور، مخابرات نوری با اعماق فضا، لیدار و غیره دارند [۱]. یک روش پیاده سازی لیزرهای پالسی نانو ثانیه استفاده از تقویت کننده ی توان با نوسانگر اصلی (MOPA) است. در این روش انرژی یک نوسانگر توسط یک تقویت کننده ی توان بالا افزایش می یابد. این روش قابلیت های زیادی مانند تنظیم شکل، عرض، نرخ تکرار پالس خروجی را ممکن می سازد [۲]. با پیاده سازی تقویت کننده ی توان بالا با فیبرهای با آرایش ایتربیوم دو-غلاف (YDDC) می توان از مزایای تقویت کننده ی فیبری مانند کیفیت پرتوی بالا، بازدهی بالا، اطمینان-پذیری بالا، فشردگی و غیره در این آرایش بهره برد [۳]. در این مقاله به تحلیل تئوری و بهینه سازی لیزر پالسی نانو ثانیه با آرایش MOPA توسط تقویت کننده ی فیبری دو-غلاف (FMOPA) پرداخته شده است. در بخش-۲ مدل تئوری تقویت کننده فیبری پالسی، در بخش-۳ نتایج شبیه سازی تقویت کننده ی فیبری YDDC و نهایتاً در بخش-۴ طول بهینه تقویت کننده فیبری YDDC برای پالس های نانو ثانیه را ارائه می دهیم.

۲- پیکره بندی و مدل تئوری تقویت کننده ی

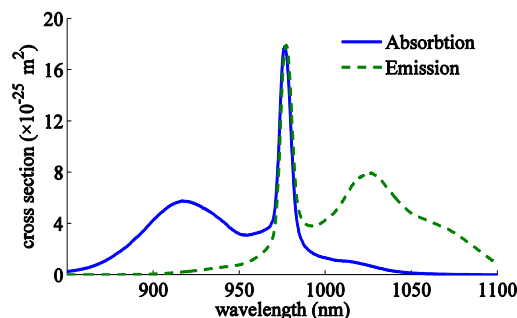
فیبری YDDC

پیکره بندی یک تقویت کننده ی YDDC که از دو طرف توسط کوپلرهای C1 و C2 پمپ شده، در شکل ۱ نشان داده شده است. در این شکل IS ایزولاتور ورودی است. فیبر فعال به طول L از انتها برش زاویه دار داده شده تا از بازتاب سطح جلوگیری شود. معادلات نرخ توصیف کننده ی تقویت کننده ی فیبری YDDC به صورت زیر هستند [۴]

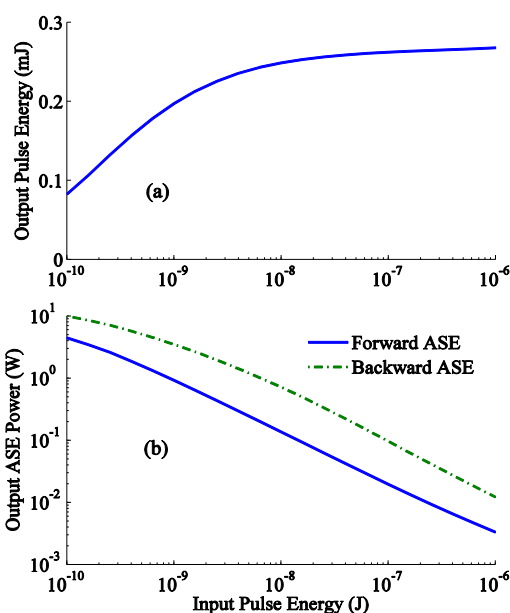
$$\frac{dN_2(z,t)}{dt} = \frac{\Gamma_p \lambda_p}{hcA} [\sigma_a(\lambda_p)N_1(z,t) - \sigma_e(\lambda_p)N_2(z,t)] \times \left[ P_p^+(z,t) + P_p^-(z,t) \right] - \frac{N_2}{\tau} + \frac{\Gamma}{hcA} \sum_{k=1}^K \lambda_k [\sigma_a(\lambda_k)N_1(z,t) - \sigma_e(\lambda_k)N_2(z,t)] \times \left[ P^+(z,t,\lambda_k) + P^-(z,t,\lambda_k) \right] \quad (1)$$



شکل ۳: توان لحظه‌ای خروجی تقویت‌کننده‌ی فیبری YDDC برای پالس‌های ورودی سوپر-گوسی با عرض ۲۰ ns و انرژی ۰/۱-nJ تا ۱-μJ.



شکل ۴: نمودار سطح مقطع گسیل و جذب یون‌های ایتربوم (Yb) در شبیه‌سازی استفاده شده است.



شکل ۵: نمودار (a) انرژی پالس خروجی تقویت‌کننده (b) گسیل خود به خودی تقویت شده خروجی رو به جلو و رو به عقب، بر حسب انرژی پالس ورودی.

### ۳- نتایج شبیه‌سازی

به منظور بررسی اثر تقویت‌کننده بر شکل پالس، شکل ۳ خروجی تقویت‌کننده‌ی فیبری YDDC را برای پالس ورودی سوپر-گوسی با رابطه‌ی  $\exp[-(t/t_0)^{2m}]$  و عرض پالس ۲۰ ns و انرژی ۰/۱-nJ تا ۱-μJ، نشان می‌دهد. با انتخاب  $m=11$  تقریب خوبی از خروجی لیزر دیودهایی که مستقیماً مدوله شده اند به دست می‌آید. از این شکل دیده می‌شود که با افزایش انرژی پالس ورودی، انرژی پالس خروجی (مساحت زیر پالس) نیز افزایش می‌یابد، اما با افزایش بیشتر، به دلیل پدیده‌ی اشباع، سرعت افزایش انرژی پالس خروجی کاهش می‌یابد. همچنین برای ورودی‌های قوی‌تر خروجی تقویت‌کننده دچار اعوجاج

$$\left\{ \begin{array}{l} P_p^+(0) = P_1 \quad P_p^-(L) = P_2 \\ P^+(0, t, \lambda_k) = 0, P^-(L, t, \lambda_k) = 0 \\ k = 0, \dots, K, \quad \text{and } k \neq s \\ P^+(0, t, \lambda_s) = P_{in}(t) \quad P^-(L, t, \lambda_s) = 0 \end{array} \right. \quad (5)$$

معادلات (۱)-(۵) یک دستگاه معادله دیفرانسیل جزئی با  $2K+2$  معادله است. برای دقت کافی، طیف ASE را از  $\lambda_1 = 1020 \text{ nm}$  تا  $\lambda_K = 1100 \text{ nm}$  و پهنای باند ASE را برابر  $\Delta\lambda = 2 \text{ nm}$  انتخاب می‌کنیم. با این انتخاب‌ها  $K=41$  به دست می‌آید. می‌توان این معادلات را با روش تفاضل محدود (FDM) حل کرد [۵]، [۶]. در این‌جا از طرح معروف به پاد بادسو (Up-wind scheme) به فرم زیر برای گسسته‌سازی معادلات فوق استفاده شده است [۷]

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial P^+}{\partial t} = \frac{P^+_{n,k+1} - P^+_{n,k}}{\Delta t} \quad \frac{\partial P^+}{\partial z} = \frac{P^+_{n,k} - P^+_{n-1,k}}{\Delta z} \\ \frac{\partial P^-}{\partial t} = \frac{P^-_{n,k+1} - P^-_{n,k}}{\Delta t} \quad \frac{\partial P^-}{\partial z} = \frac{P^-_{n+1,k} - P^-_{n,k}}{\Delta z} \end{array} \right. \quad (6)$$

در معادلات (۶)،  $P^+(z, t)$  و  $P^-(z, t)$  به ترتیب امواج منتشر شونده رو به جلو و رو به عقب هستند.  $k$  و  $n$  به ترتیب نشان دهنده‌ی نقاط زمان و مکان است.  $\Delta z$  و  $\Delta t$  باید در شرط پایداری  $v\Delta t/\Delta z < 1$  صدق کنند. برای به دست آوردن شرایط اولیه، معادلات نرخ حالت دائم ( $\partial/\partial t = 0$ ) را با روش تکرار رانج-کوتا حل می‌کنیم. روش حل فوق در محیط کدنویسی FORTRAN-95 پیاده‌سازی شده است. این شبیه‌سازی‌ها از فیبر دو-غلاف ایتربوم با قطر هسته و غلاف پمپ به ترتیب برابر ۲۰ و ۴۰۰ μm و ضریب جذب پمپ ۳ dB/m در طول موج ۹۷۶ nm و سطح مقطع‌های شکل ۲ استفاده شده است.

ترتیب برابر ۱۵ و ۷ متر است. طول بهینه برای طول موج ۹۷۶ nm کوتاه‌تر از ۹۱۵ nm است که دلیل آن سطح مقطع جذب بزرگتر در ۹۷۶ nm می‌باشد. همچنین توان متوسط در طول موج ۹۷۶ nm بزرگتر از طول موج ۹۱۵ nm است که دلیل آن بازدهی کوانتومی بالاتر طول موج ۹۷۶ nm است. پمپ رو به عقب بیشترین و پمپ رو به جلو کمترین توان خروجی را می‌دهند. از این شکل‌ها مشاهده می‌شود که توان متوسط خروجی به بلند بودن فیبر نسبت به مقدار بهینه کمتر حساس است که دلیل آن رفتار شبه چهار تراز یون Yb در طول موج سیگنال ۱۰۶۴ nm است.

### ۵- نتیجه گیری

در این مقاله با حل عددی معادلات نرخ دینامیکی، مشخصه‌های مختلف تقویت‌کننده فیبری YDDC بررسی شد. مشاهده شد که پالس سوپرگوسی حین انتشار در تقویت‌کننده به دلیل اشباع دچار اعوجاج می‌شود. برای استخراج کامل انرژی ذخیره شده در فیبر و همچنین حذف ASE رو عقب باید انرژی پالس ورودی بالا باشد. طول بهینه در طول موج پمپ ۹۱۵ nm و ۹۷۶ nm با یکدیگر اختلاف زیادی دارند و توان متوسط خروجی ۹۷۶ nm بیشتر از ۹۱۵ nm می‌باشد. همچنین پمپ رو به عقب بیشترین و پمپ رو به جلو کمترین توان متوسط خروجی را تولید می‌کنند ولی اختلاف آن‌ها قابل چشم‌پوشی است.

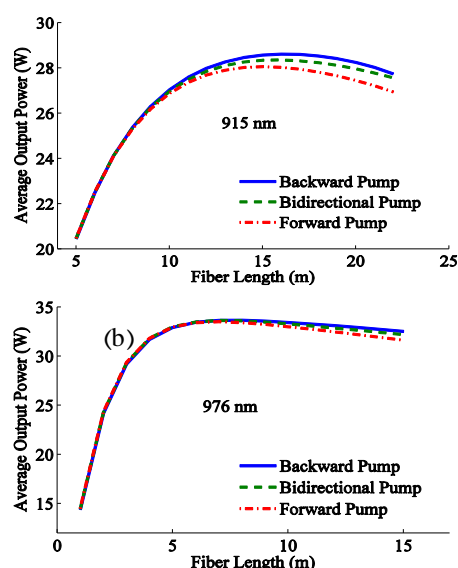
### مراجع

- [1] Wright M.W. and Valley G.C., *Yb-doped fiber amplifier for deep-space optical communications*, **J. Lightw. Technol.** 23 (2005) 1369-1374.
- [2] Limpert, J., Höfer, S., Liem, A., Zellmer, H., Tünnermann, A., Knoke, S. and Voelckel, H., *100-W average-power, high-energy nanosecond fiber amplifier*, **Applied Physics B**. 75 (2002) 477-479
- [3] Dignonnet M.J.F., *Rare-Earth-Doped Fiber Lasers and Amplifiers, Revised and Expanded*, **Taylor & Francis**, 2001.
- [4] Hardy, Amos and Oron, R., *Signal amplification in strongly pumped fiber amplifiers*, **IEEE J. Quantum Electron.** 33 (1997) 307-313.
- [5] Yong, Wang. and Hong Po, *Dynamic characteristics of double-clad fiber amplifiers for high-power pulse amplification*, **J. Lightw. Technol.** 21 (2003) 2262-2270.
- [6] Yong, Wang., *Optimization of pulse amplification in ytterbium-doped double-clad fiber amplifiers*, **J. Lightw. Technol.** 23 (2005) 2139-2147
- [7] Li X., *Optoelectronic Devices: Design, Modeling, and Simulation*, **Cambridge University Press**, 2009.

شده بیشتری است. در واقع بخش جلویی پالس حین انتشار در فیبر بیشتر تقویت می‌شود در حالی که بخش انتهایی پالس تقویت کمتری را می‌بیند. شکل ۴، انرژی پالس خروجی بر حسب انرژی پالس ورودی را برای پالس‌های گوسی با عرض ۴۰ ns و طول موج پمپ ۹۱۵ و ۹۷۶ nm نشان می‌دهد. چون پمپ رو به جلو اعمال شده، توان ASE رو به عقب همواره از ASE رو به جلو بیشتر است. از شکل ۴(a) مشاهده می‌شود که بعد از  $E_{in} = 10^{-4}$  J انرژی پالس ورودی تغییر زیادی نمی‌کند و تقویت‌کننده اشباع شده است ولی توان ASE رو به عقب در  $E_{in} = 10^{-4}$  J غیر قابل چشم‌پوشی ( $\approx 0.7$  W) است. در شکل ۴(b) با افزایش انرژی پالس ورودی، توان گسیل خود به خودی تقویت‌شده کاهش می‌یابد. برای حذف ASE کل باید انرژی پالس ورودی را حداقل برابر  $E_{in} = 1 \mu J$  انتخاب کنیم.

### ۴- طول بهینه

شکل ۵ تغییرات توان متوسط خروجی بر حسب طول فیبر را برای دو طول موج ۹۱۵ nm و ۹۷۶ nm و توان پمپ ۴۰ W، برای سه روش مختلف پمپ، نشان می‌دهد.  $E_{in} = 1 \mu J$  انتخاب شده است. از شکل نتیجه می‌شود که مقدار طول فیبر بهینه تقریباً به روش پمپ کردن بستگی ندارد و برای طول موج ۹۱۵ nm و ۹۷۶ nm به



شکل ۵: توان متوسط خروجی بر حسب طول فیبر YDDC برای طول موج پمپ (a)  $\lambda_p = 915$ -nm (b)  $\lambda_p = 976$ -nm و توان پمپ ۴۰-W.