



کد مقاله : ۱-۲۵۶۸-۱۰-۱

محاسبه طول موج لیزردی و شدت دمش آستانه مد اول لیزر فیبری شبه بلور  
فیبوناچی، یا استفاده از روش ماتریس انتقال

رقيه صالح زاده، محتوى، گلشنی، حسن، روح‌الامینی، نثار

دانشکده فیزیک، دانشگاه شهید بهشتی کرمان، کرمان، ایران

چکیده - در این مقاله، با استفاده از روش ماتریس انتقال، به بررسی طول موج لیزردهی و شدت دمش آستانه مد اول لیزر فیبر نوری آگشته به ارتبیوم با توری های برآگ در فواصلی که طبق الگوی سری فیبوناچی در نظر گرفته شده اند، می پردازیم. نتایج عددی بدست آمده نشان می دهد که طول موج لیزردهی مستقل از ساختار مورد بررسی است، در حالی که شدت دمش آستانه با افزایش تعداد لایه های محیط بهره کاهش می یابد. علاوه بر این، مقایسه لیزر فیبری شبه بلور فیبوناچی با ساختار منظم نشان داد که در طول محیط های بسیار قدرتمندتر از حالت منظم می باشد.

**کلید واژه-لیز**، فیری شیه بلور فوتونی، الگوی فیبوناچی، طواوی موج لیزد، شدت دمش، آستانه مد او، دوش، ماتریس، انتقال،

## **Calculation of the lasingwavelength and the threshold pump intensity of the Fibonacci quasi-crystal fiber laser, using transfer matrix method**

Roghayeh Salehzadeh, Mojtaba Golshani, Hossein Roohoalamini Nejad

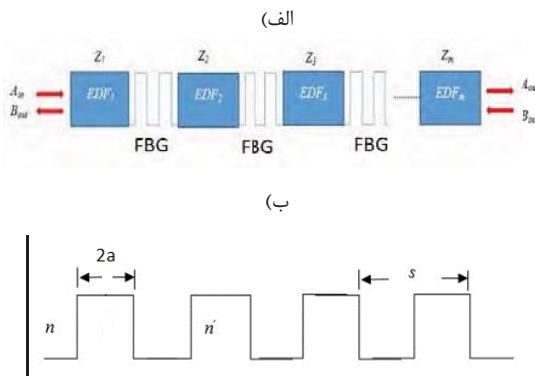
Physics Department, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman, Iran

**Abstract**-In this paper, using the transfer matrix method, we investigate the lasing wavelength and the first mode threshold pump intensity of erbium doped fiber laser with Bragg grating at distances according to the Fibonacci series pattern. Numerical results show that the lasing wavelength is independent of the structure, while the threshold pump intensity decreases with increasing of the number of gain medium layers. In addition, a comparison of the Fibonacci quasi-crystal fiber laser with the regular structure showed that, at shorter gain medium lengths, the first mode threshold pump intensity of the Fibonacci structure is lower than the regular case.

**Keywords:** Photonic quasi-crystal fiber laser, Fibonacci pattern, Lasing wavelength, First mode threshold pump intensity, Transfer matrix method

<sup>1</sup>Roghayeh.salehzadeh@gmail.com

بین توری‌های برآگ آغشته به یون اربیوم است و محیط بهره لیزر فیبر نوری (*EDF*) را تشکیل می‌دهند.



شکل ۱: (الف) مقطع طولی لیزر فیبر بلورفوتونی، (ب) توری برآگ با دوره تناوب  $s$  [۵]

مشخصات توری برآگ به گونه‌ای انتخاب شده است که در طول موج پمپ بازتاب نداشته باشد و بنابراین، می‌توان از تحول پمپ در طول فیبر صرف‌نظر کرد و فرض کرد که سیستم به صورت یکنواخت پمپ می‌شود [۵]. در این مقاله، تنها طول موج و شدت دمش آستانه مربوط به مد اول لیزر محاسبه می‌شود، بنابراین، نیازی به درنظر گرفتن اثر اشباع و رقابت بین مدی نمی‌باشد (زیرا در شدت دمش آستانه مد اول بقیه مدها تحریک نشده‌اند). برای محاسبه فرکانس و شدت دمش آستانه، از روش ماتریس انتقال استفاده می‌شود. اگر ماتریس انتقال مربوط به توری برآگ (شکل ۱-ب) را با  $A_{FBG}$ ، ماتریس انتقال از انتهای محیط بهره  $m$  ام به ابتدای توری برآگ را با  $A_1$  و ماتریس انتقال از انتهای توری برآگ به ابتدای محیط بهره ۱ ام با  $A_2$  نشان دهیم، ماتریس انتقال مربوط به ابتدای محیط بهره  $m$  ام به ابتدای محیط بهره ۱ ام، به صورت زیر محاسبه می‌شود [۵]:

$$M_m = \begin{bmatrix} T_{11} e^{-i(K_{gm} Z_m)} & T_{12} e^{-i(K_{gm} Z_m)} \\ T_{21} e^{i(K_{gm} Z_m)} & T_{22} e^{i(K_{gm} Z_m)} \end{bmatrix} \quad (1)$$

که در آن  $T = A_1 A_{FBG} A_2$  است. علاوه‌براین،  $K_{gm} = \sqrt{\epsilon_m}(\omega/c)$  عدد موج در محیط بهره  $m$  ام،  $\epsilon_m - i\epsilon_m''$  ضریب گذردهی الکتریکی نسبی محیط

## مقدمه

لیزرهای و تقویت کننده‌های فیبر نوری آلاییده به یون اربیوم به دلیل گسیل این یون در محدوده طول موجی ۱.۵۵ میکرون از اهمیت ویژه‌ای برخوردارند [۱]. در این لیزرهای محیط میزبان لیزر که از جنس شیشه یا بلور است به شکل فیبر می‌باشد. برای دست یافتن به بهره و تقویت نور در این لیزرهای، معزی فیبر به یون عناصر خاکی نادر مختلف آلاییده می‌شود. در برخی لیزرهای فیبر نوری از توری‌های برآگ به عنوان بازتاب دهنده استفاده می‌شود. بازتاب دهنده‌های برآگ شامل لایه‌هایی است که ضریب شکست آن‌ها به طور تناوبی کم و زیاد می‌شود [۲]. در سال ۲۰۰۹ لیزاراگا و همکارانش یک لیزر تصادفی فیبر نوری را معرفی کردند که در آن از یک فیبر تک مد آغشته به اربیوم استفاده شده بود و توری‌های برآگ در آن به صورت تصادفی قرار گرفته بودند. در این شرایط توری‌های برآگ نقش پس خوراند توزیعی و اربیوم نقش محیط فعال را بازی می‌کند [۳]. لیزاراگا و همکارانش از روش ماتریس انتقال برای بدست آوردن فرکانس تشدید این لیزر فیبری استفاده کردند. در لیزر مورد بررسی توسط لیزاراگا، فاصله بین توری‌های برآگ اعداد تصادفی درنظر گرفته شده بود. اگر فاصله بین توری‌های برآگ، از الگوی فیبوناچی انتخاب گردد [۴]، لیزر حاصل، یک لیزر فیبر شبیه بلور فوتونی فیبوناچی خواهد بود.

در این مقاله، با استفاده از روش ماتریس انتقال، به بررسی طول موج لیزرهای و شدت دمش آستانه مد اول لیزر فیبر شبیه بلور فوتونی فیبوناچی و مقایسه آن با لیزر فیبر بلور فوتونی خواهیم پرداخت.

## مدل نظری

مطابق شکل ۱، سیستم مورد بررسی فیبر تک مد شامل تعدادی توری برآگ (*FBG*) است که به عنوان مراکز پراکننده، نقش پس خوراند توزیعی را بازی می‌کنند. محیط

$$\begin{aligned} F_0 &= \{d_A\}, \quad F_1 = \{d_B\}, \quad F_2 = F_0F_1 = \{d_A, d_B\} \\ F_0 &= \{d_A\}, \quad F_1 = \{d_B\}, \quad F_2 = F_0F_1 = \{d_A, d_B\} \\ F_3 &= F_1F_2 = \{d_B, d_A, d_B\} \end{aligned}$$

انتخاب می‌شوند [۴]. با توجه به شکل ۱ واضح است که تعداد توری‌های برآگ یک عدد کمتر از طول محیط بهره است ( $N_{FBG} = N_{EDF} - 1$ ). همچنین، با تعریف فوق، تعداد لایه‌های محیط بهره نمی‌تواند هر عددی باشد و محدود به اعداد فیبوناچی  $2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, \dots$  است. اگر  $d_A = d_B$  باشد، سیستم فوق به لیزر فیبر بلورفotonی (منظلم) تبدیل خواهد شد.

### نتایج عددی

به منظور شبیه‌سازی لیزر فیبری شبه بلور فotonی فیبوناچی و مقایسه آن با سیستم منظم، از توری برآگ دارای  $10^9$  دوره تنابوب، ضرایب شکست  $n=1.46040$  و  $\gamma=3.2 \times 10^{12} Hz$ ،  $\lambda_0=1535 nm$  و دوره تنابوب  $s=525.79 nm$  استفاده شده است. مقادیر پارامترهای مورد استفاده برای محیط فعل نیز به صورت  $n=n+5 \times 10^{-5}$  و  $N_{Er}=2 \times 10^{21} m^{-3}$  می‌باشند. نتایج شبیه سازی به ازای طول‌های مختلف  $d_A$  و  $d_B$ ، و تعداد متفاوت لایه‌های محیط بهره بدست آمده است. شکل‌های ۲ و ۳، به ترتیب، نحوه تغییر طول موج لیزردی و شدت دمش شبیه سازی مدل اول را بر حسب تعداد لایه‌های محیط بهره، در مقادیر مختلف  $d_B$  نشان می‌دهد. همانطور که مشاهده می‌شود (شکل ۲)، نه ضخامت لایه‌های محیط بهره و نه تعداد آن‌ها تاثیر قابل ملاحظه‌ای بر طول موج لیزردی ندارد. اما، طبق شکل ۳، با افزایش تعداد لایه‌های محیط بهره، شدت دمش آستانه کاهش یافته است. علاوه بر این، افزایش  $d_B$  کاهش شدت دمش آستانه را بدنبال دارد. در ادامه، شدت دمش آستانه مد اول برای دو حالت شبه بلور فotonی فیبوناچی و ساختار منظم مقایسه گردید. بدین

بهره  $m$  و طول محیط بهره  $z_m$  است. قسمت‌های حقیقی و موهومی ضریب گذردهی الکترونیکی نسبی به صورت زیر می‌باشند [۵]:

$$\begin{aligned} F_5 &= F_2F_3 = \{d_A, d_B, d_B, d_A, d_B\} \\ F_8 &= F_3F_5 = \{d_B, d_A, d_B, d_A, d_B, d_B, d_A, d_B\} \quad (2) \\ \varepsilon''_m &= \frac{(N_2-N_1)e^2}{2\omega_0 M_e \varepsilon_0} \times \frac{\gamma}{(\omega-\omega_0)^2+\gamma^2} \end{aligned}$$

بار و جرم الکترون،  $M_e$  فرکانس مرکزی خط بهره و  $\gamma$  تیم پنهانی خط بهره است. در این رابطه، وارونی جمعیت به صورت زیر قابل محاسبه است [۵]:

$$N_2 - N_1 = \frac{P_r^{-1/\tau_2}}{P_r^{+1/\tau_2}} N_{Er} \quad (3)$$

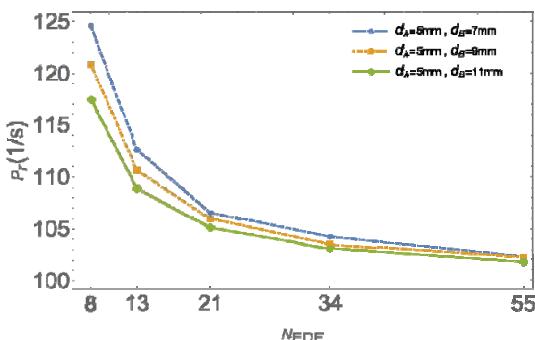
در این رابطه،  $P_r$  آهنگ دمش (شدت دمش آستانه)، طول عمر تراز بالایی لیزر و  $N_{Er}$  جمعیت اربیوم است. ماتریس انتقال کل سیستم  $M$ ، با ضرب کردن همه‌ها بدست می‌آید:

$$M = \prod_m M_m \quad (4)$$

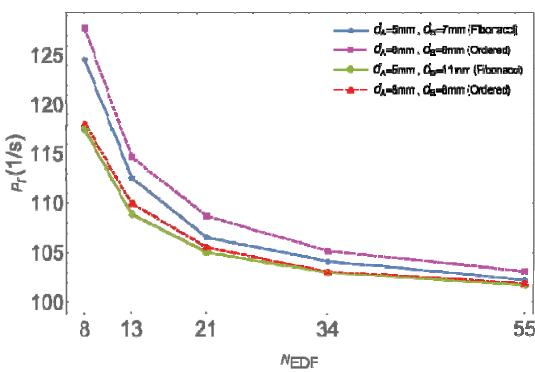
این ماتریس، ورودی و خروجی سیستم لیزر را (شکل ۱-الف) را به صورت زیرینه یکدیگر مرتبط می‌کند:

$$\begin{bmatrix} A_{in} \\ B_{in} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} M_{11} & M_{12} \\ M_{21} & M_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_{out} \\ B_{out} \end{bmatrix} \quad (5)$$

شرط لیزردی در سیستم این است که بدون ورودی سیگنال، خروجی داشته باشیم. اعمال این شرط در رابطه فوق، معادله  $M_{11}(\omega, P_r) = 0$  را نتیجه می‌دهد که با حل قسمت‌های حقیقی و موهومی این معادله می‌توان طول موج لیزردی  $\lambda = 2\pi c / \omega$  و شدت دمش آستانه  $P_r$  را محاسبه کرد. اگر در رابطه (۱)، طول محیط‌های بهره  $z_m$  ثابت (یا تنایوی) باشند، لیزر فیبری بلور فotonی و اگر  $z_m$  ها از الگوی فیبوناچی انتخاب شوند، لیزر فیبری شبه بلور فotonی خواهیم داشت. لیزر شبه بلور فیبوناچی را می‌توان توسط دو لایه  $A$  و  $B$ ، دارای طول محیط بهره مختلف  $d_A$  و  $d_B$  ایجاد کرد. در اینصورت بسته به تعداد محیط‌های بهره ( $N_{EDF}$ )، طول محیط‌های بهره  $z_m$  از مجموعه  $F_{N_{EDF}}$



شکل ۳: نمودار نحوه تغییر توان آستانه مد اول بر حسب تعداد لایه‌ها



شکل ۴: مقایسه توان آستانه مد اول برای لیزر فیبری شبه بلور (d\_A = d\_B ≠ d\_B) و لیزر فیبری منظم (d\_A = 8mm, d\_B = 8mm: Ordered)

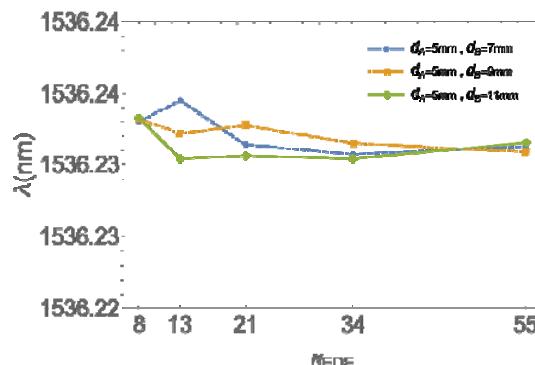
## مراجع

- [1] E.Desurvire, D.Bayart, B.Desthiex, S.Bigo, "Erbium-Doped Fiber Amplifiers:Device and SystemDevelopments", J.wiley and sons,816(2002).
- [2] M.Digonnet,"Rare earth doped fibre lasers and amplifiers",J.wiley and sons,Newyork, Pages 303-365 (2002).
- [3] N. Lizarraga, NP. Puente, EI. Chaikina, TA Leskova, ER Mendez, "Single-mode Er-doped fiber random laser with distributed Bragg grating feedback", Optics Express, 17(2), 395 (2009).
- [4] Mehdi Tavakoli, Yousef Seyed Jalili, "One-dimensional Fibonacci fractal photonic crystals and their optical characteristics",Journal of Theoretical and Applied Physics 8(113), (2014).
- [5] A. Ghasempour Ardakani, M. Golshani Gharyeh Ali, S. M. Mahdavi,A. R. Bahrampour. "Mode analysis of fiber Bragg grating random lasers inthe presence of mode competition". Optics & LaserTechnology, 44, 969 (2012).

منظور، همه طول محیط‌های بهره ساختار منظم یکسان و به صورت میانگین  $d_A$  و  $d_B$  ساختار فیبوناچی درنظر گرفته شده است. شکل ۴ نتایج عددی بدست آمده را نشان می‌دهد. همانطور که مشاهده می‌شود، در طول محیط‌های بهره کمتر، استفاده از ساختار شبه بلور فوتونی فیبوناچی، باعث کاهش توان آستانه نسبت به ساختار منظم گردیده است. اما در طول محیط‌های بهره بزرگتر، نتایج مربوط به ساختار فیبوناچی و منظم تقریباً برابر می‌باشند.

## خلاصه و نتیجه گیری

در این مقاله به بررسی طول موج لیزرهای و شدت دمک آستانه مد اول لیزر فیبر شبه بلور فیبوناچی و مقایسه آن با حالت منظم پرداختیم. نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که طول موج لیزرهای تقریباً مستقل از ساختار مورد بررسی و تعداد لایه‌های محیط بهره آن است و توسط طیف بهره اربیوم و طیف ضریب بازتاب توری برآگ تعیین می‌گردد. علاوه بر این، بر اساس نتایج عددی، حاصل از روش ماتریس انتقال، مشخص گردید که در طول محیط‌های بهره کوچکتر، توان آستانه لیزر فیبر شبه بلور فوتونی فیبوناچی کمتر از حالت منظم است، در حالی که برای طول محیط‌های بهره بزرگتر، توان آستانه هر دو ساختار تقریباً یکسان است.



شکل ۲: نمودار نحوه تغییر طول موج لیزرهای بر حسب تعداد لایه‌ها