



بیست و ششمین کنفرانس اپتیک و  
فوتونیک ایران و دوازدهمین کنفرانس  
مهندسی و فناوری فوتونیک ایران،  
دانشگاه خوارزمی،  
تهران، ایران.  
۱۶-۱۵ بهمن ۱۳۹۸



## رویکرد جدید برای انتشار پالس در موجبرهای نوری با خاصیت غیرخطی بالا برای استفاده در تکنولوژی‌های کوانتومی فوتونیک مبتنی بر اپتیک غیرخطی

ابوالفضل صفایی بزرگ آبادی، محمود برهانی زرنندی و محمدآقا بلوری زاده

گروه اتمی و مولکولی، دانشکده فیزیک، دانشگاه یزد، یزد، ایران (safaei@yazd.ac.ir)

چکیده - در این مقاله قصد داریم برای استفاده از موجبرهای نوری در تکنولوژی‌های کوانتومی فوتونیک، رویکرد جدیدی را برای انتشار پالس در موجبرهای نوری با خاصیت غیرخطی بالا معرفی کرده و معادلات دیفرانسیل جفت شده‌ی حاصل از آن را شبیه‌سازی کنیم. معادلات جفت شده‌ای که در این رویکرد به دست می‌آیند معادلات دیفرانسیل با مشتقات جزئی استوکاستیک می‌باشند. همچنین با این روش معادلات جدیدی برای توصیف فرآیند تولید ابرپو ستار در تارهای نوری به دست می‌آید که متفاوت از معادله حاکم (معادله غیرخطی شرودینگر تعمیم یافته) بر این فرآیند می‌باشد.

کلید واژه- انتشار پالس، تکنولوژی کوانتومی فوتونیک، تولید ابر پیوستار، موجبرهای نوری

## A New Approach for Pulse Propagation through Nonlinear Optical Waveguides for Applying in Photonic Quantum Technologies

Abolfazl Safaei Bezagbadi, Mahmood Borhani Zarandi, and Mohammad Agha Bolorizadeh

Atomic and Molecular Group, Faculty of Physics, Yazd University, Yazd, Iran

Abstract- In this paper, we intend to introduce a new approach to study the pulse propagation through nonlinear optical waveguides for using them in the photonic quantum technologies. Here, we simulate the obtained coupled differential equations in the present approach where they are stochastic partial differential equations. Furthermore, by applying this approach a new set of partial differential equations is achieved for describing supercontinuum generation (SCG) process in optical fibers that it is different from the current governing equation (generalized nonlinear Schrodinger equation) for SCG.

Keywords: Optical Waveguides, Photonic Quantum Technologies, Pulse propagation, Supercontinuum Generation.

## معرفی

با توجه به توسعه روز افزون تکنولوژی‌های کوانتومی، ادوات فوتونیک مبتنی بر موجبرهای نوری در بطن تکنولوژی‌های کوانتومی فوتونیک قرار دارند [۱ و ۲]. از سال ۲۰۱۰ تا کنون طراحی و ساخت ادوات فوتونیک مبتنی بر موجبرهای نوری بسیار مورد توجه دانشمندی که در حوزه‌های رمزنگاری کوانتومی، مخابرات کوانتومی، شبیه‌سازی کوانتومی و حسگری کوانتومی فعالیت می‌کنند، می‌باشد [۲]. در کارهای ابتدایی از موجبرهای ساده که بیشتر خاصیت خطی در آنها مورد توجه بود استفاده می‌شده اما با پیشرفت‌های اخیر، طراحی ادوات فوتونیک مبتنی بر اپتیک غیرخطی برای تکنولوژی‌های کوانتومی در متن مطالعات تئوری و تجربی گروه‌های پیشگام در این زمینه قرار گرفته است [۲ و ۳].

در نتیجه برای توسعه این شاخه از اپتیک لازم است انتشار پالس در موجبرهای نوری با خاصیت غیرخطی و پاشندگی از منظر مکانیک کوانتومی بررسی شود. تا به امروز تحقیقات متنوعی در زمینه بررسی کوانتومی انتشار پالس در موجبرهای نوری انجام گرفته اما در هیچ کدام از آنها پاشندگی مراتب بالاتر از مرتبه دوم لحاظ نشده‌اند [۴].

در این مقاله ضمن معرفی رویکرد کوانتومی برای این کار، معادلات انتشار پالس به دست آمده از این رویکرد شبیه‌سازی می‌شوند. این معادلات می‌توانند افت‌وخیزهای کوانتومی در انتشار پالس را توصیف کنند.

همچنین از آنجا که منابع نور ابرپیوستار بسته به پالس ورودی تا حدود ۵۰ درصد افت‌وخیز در پروفایل زمانی خود دارند، با بکارگیری همین رویکرد معادلاتی را برای مطالعه افت‌وخیزها در فرآیند تولید ابرپیوستار مشخص کرده و آنرا برای یک نمونه تار بلور فوتونی که مشخصات اپتیکی آن در [۵] آمده، شبیه‌سازی می‌کنیم.

## مبانی نظری

هنگامی که بخواهیم انتشار میدان‌های الکترومغناطیسی را از دیدگاه مکانیک کوانتومی بررسی کنیم ابتدا باید میدان‌ها کوانتیزه شوند [۴]. به این منظور باید یک لاگرانژی برای

سیستم مورد نظر حدس زده شود به گونه‌ای که هامیلتونی و معادلات حرکت به دست آمده از این لاگرانژی به ترتیب با انرژی سیستم و معادلات ماکسول برابر باشند [۴]. سپس با تعریف مختصه و تکانه تعمیم یافته مناسب، لاگرانژی و هامیلتونی بر حسب آنها باز نویسی شود. در ادامه با اعمال روابط جابجایی دیراک هامیلتونی بین مختصه و تکانه تعمیم یافته، هامیلتونی کوانتیزه می‌شود. در انتها عملگرهای خلق و وینایی بر حسب مختصه و تکانه تعمیم یافته نوشته شده و هامیلتونی بر حسب این عملگرهای خلق و فنا بیان می‌شود. با استفاده از این هامیلتونی و همچنین معادله ماستر و به-کارگیری نمایش پی مثبت [۶]، تابع پی طبق معادله فوکر-پلانک با ضرایب پخشی نیمه-قطعی مثبت تحول می‌یابد [۴]. به طور کلی معادله فوکر-پلانک با ضرایب پخشی نیمه-قطعی مثبت متناظر با معادلات دیفرانسیل استوکاستیکی ایتو جفت‌شده برای ویژه مقادیرهای عملگرهای خلق و فنا می‌شود. برای مسئله انتشار میدان الکترومغناطیسی در موجبرهای نوری معادلات جفت‌شده‌ای به صورت:

$$\frac{\partial}{\partial z} \Phi^m(T, z) = \left( m \frac{i\beta_2}{2} \frac{\partial^2}{\partial T^2} + \frac{\beta_3}{6} \frac{\partial^3}{\partial T^3} \right) \Phi^m(T, z) \quad (1)$$

$$m i \gamma \Phi^\pm(T, z) \Phi^{m2}(T, z) + \sqrt{\pm i \gamma} \xi^m(T, z) \Phi^m(T, z)$$

به دست می‌آیند که در حالت کلی  $\Phi^-(T, z)$  و  $\Phi^+(T, z)$  به ترتیب میدانهای متناظر با ویژه مقادیرهای عملگرهای خلق و فنا هستند که همیوگ مختلط یکدیگر نبوده، اما  $\xi^+(T, z)$  و  $\xi^-(T, z)$  توابع استوکاستیکی گوسی حقیقی هستند. ضرایب  $\beta_2$ ،  $\beta_3$  و  $\gamma$  به ترتیب ضریب پاشندگی مرتبه دوم و سوم و پارامتر غیرخطی موجبرند.

معادله (۱) حاکم برای توصیف کوانتومی انتشار میدان در موجبر نوری در حضور جمله پاشندگی مرتبه سوم،  $\beta_3$ ، بوده و شکل معادله شرودینگر غیرخطی در حضور جمله استوکاستیکی را دارد. این معادله به خوبی می‌تواند افت-وخیزهای کوانتومی ذاتی در پالس انتشاری در موجبر را نشان دهند. نظریه‌های کوانتومی که تاکنون برای انتشار پالس در تار نوری وجود داشتند شامل جمله پاشندگی مرتبه سوم نبوده‌اند. در سامانه‌های مخابرات نوری برای

$$\frac{\partial}{\partial z} \Phi^m(T, z) = \left( m \frac{i\beta_2}{2} \frac{\partial^2}{\partial T^2} + \frac{\beta_3}{6} \frac{\partial^3}{\partial T^3} + L \right) \Phi^m(T, z) \quad (2)$$

$$\pm i \left( \gamma \pm i \frac{d\gamma}{d\omega} \frac{\partial}{\partial T} \right) \Psi(T, z) + \sqrt{\pm i 2\gamma} \xi^m(T, z) \Phi^m(T, z)$$

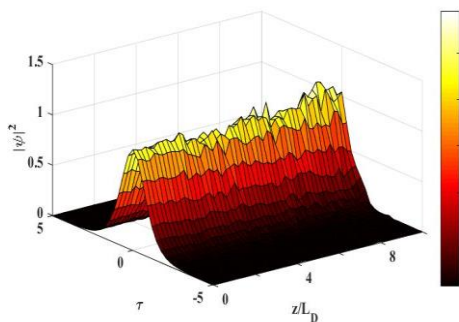
به دست می آید که در آن

$$\Psi(T, z) = \Phi^+(T, z) \Phi^-(T, z) \left[ \int R(T') \Phi^-(T-T', z) dT' \right] + \Phi^-(T, z) \left[ \int R(T') \Phi^+(T-T', z) \Phi^-(T-T', z) dT' \right] \quad (3)$$

و  $R(T)$  تابع پاسخ تاخیری رامان محیط است. معادله (۲)، معادله شرودینگر غیرخطی تعمیم یافته کوانتومی برای بررسی فرآیند تولید ابرپیوستار در تار نوری است. تفاوتی که در اینجا با معادله کلاسیکی این فرآیند وجود دارد این است که علاوه بر حضور جمله استوکاستیکی که افت و خیزهای کوانتومی را توصیف می کند و منبع ذاتی نوفه کوانتومی می باشد و همچنین جفت شدگی معادلات، جمله متناظر با  $\int R(T') \Phi(T-T', z) dT'$  در مدل کلاسیکی وجود ندارد.

### نتایج شبیه سازی

در اینجا با در نظر گرفتن یک تار نوری رایج، معادلات (۱) و (۲) را با استفاده از روش رونگ-کوتا برای معادلات دیفرانسیل با مشتقات جزئی استوکاستیکی به صورت عددی حل کردیم که نتایج به دست آمده از آن در شکل های (۱) و (۲) آورده شده است.



شکل ۱: شدت پروفایل زمانی سالیتون انتشاری در تار نوری بر حسب طول انتشار.

افزایش آهنگ بیت، طول موج پالس ورودی نزدیک به طول موج پاشندگی صفر،  $\beta_2 = 0$ ، محیط انتخاب می شود. بنابراین جمله پاشندگی مرتبه سوم اهمیت ویژه ای دارد.

منابع نوری ابرپیوستار یکی از پیشرفت های مهم در زمینه اپتیک غیرخطی بوده که کاربردهای گسترده ای در پیشبرد علم و صنعت دارا می باشد.

همان طور که در بخش معرفی ذکر شد این منابع بسته به مشخصه های پالس ورودی طیف ناپایداری را ایجاد می کنند و به اصطلاح در طیف افت و خیزهای قابل توجه ای اتفاق می افتد. این مشکل باعث می شود که منابع نوری ابرپیوستار در برخی کاربردهای دقیق غیر قابل استفاده باشند. قسمت اصلی این نوفه ریشه در نوفه کوانتومی دارد و برای فرآیندهای انتشار در تار نوری که منجر به تولید مولفه های بسامدی جدید می شود ذاتی است. این موضوع یکی از مسائلی است که محققان این عرصه علمی تا به امروز در پی یافتن راه حلی برای آن هستند. بررسی کوانتومی تولید ابرپیوستار نه تنها به منظور توسعه و بررسی کوانتومی آن بلکه با گسترش علوم بین رشته ای مثل مخابرات کوانتومی و بیولوژی کوانتومی و... که نیازمند اندازه گیری هستند و همچنین کاربردهای آنها، و این که می توان برای توسعه مطالعات نظری و عملی این علوم از تولید ابرپیوستار استفاده کرد، از اهمیت بالایی برخوردار است.

همچنین اطراف سالیتون های تشکیل شده در این فرآیند که به طور کلی به سالیتون های رامان معروف هستند افت و خیزهایی وجود دارد که منشاء اصلی آن ها نوفه کوانتومی است. این سالیتون ها می توانند با یکدیگر برهم کنش کنند. بعلاوه این که به علت ضریب پاشندگی مرتبه سوم، اثر رامان و پدیده خود سراسیابی اگر این نوع سالیتون از سالیتون مراتب بالا باشد به سالیتون های مراتب پایین تر و پایه شکافته می شود. بنابراین ارائه کردن مدلی کوانتومی می تواند به درک بهتر فرآیند تولید ابرپیوستار بیانجامد و حتی باعث شود کاربردهای جدیدی برای آن پیدا شود. با به کارگیری رویکردی که در ابتدای این بخش بیان شد، معادله استوکاستیکی برای انتشار میدان  $\Phi^m(T, z)$  در تار نوری برای توصیف فرآیند ابرپیوستار به صورت:

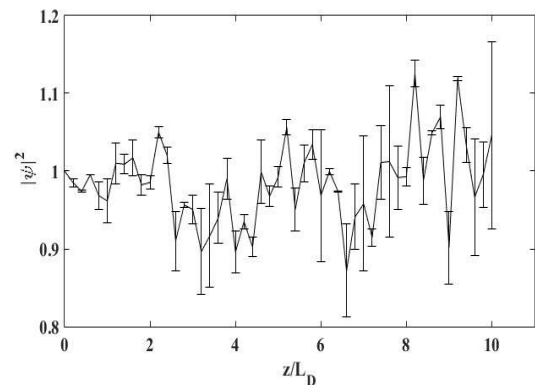
طول موج ۱۳۰۰ نانو متر قرار دارد در حالی که در مدل کلاسیکی، این قله در طول موج ۱۲۲۰ نانو متر شکل می‌گیرد. دلیل اصلی این تفاوت، حضور جمله اضافی در معادله مربوط به مدل کوانتومی می‌باشد. همچنین از شکل ۳ بر می‌آید که مدل کوانتومی شانه‌های بسامدی زیادتر و به هم نزدیکتری پیش‌بینی می‌کند.

### نتیجه‌گیری

در این مقاله نشان داده شد که سالیتون انتشاری در موجبر علاوه بر نوفه‌های ناشی از ناهمگنی محیط یا تغییرات منبع نور ورودی، دستخوش افت‌وخیزهای ذاتی می‌شود که منشأ کوانتومی دارند. بنابراین استفاده از موجبرهای نوری در تکنولوژی‌های کوانتومی فوتونیک مستلزم کاهش این نوفه‌های ذاتی می‌باشد. همچنین نشان دادیم که با استفاده از رویکرد کوانتومی می‌توان معادلات جدیدی را برای توصیف فرآیند تولید ابرپیوستار به دست آورد. طیف شبیه‌سازی شده در این حالت در مقایسه با مدل کلاسیکی پهن‌تر بوده و قله سالیتون رامن در این فرآیند در طول موج بلندتری قرار دارد.

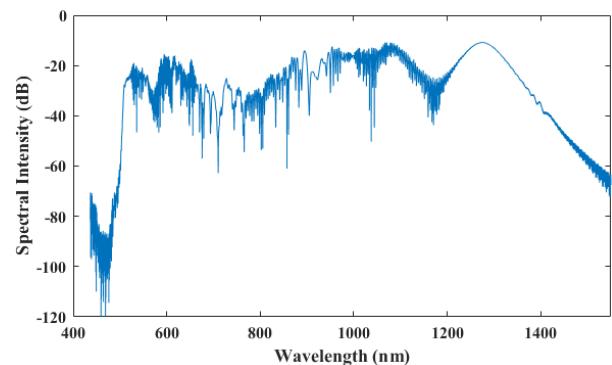
### مرجع‌ها

- [1] A. Acín *et al.*, "The quantum technologies roadmap: a European community view," *New J. Phys.*, 20, 080201, 2018.
- [2] A. Aspuru-Guzik and P. Walther, "Photonic quantum simulators", *Nature Phys.*, 8, 285, 2012.
- [3] M. J. Hartmann, "Quantum simulation with interacting photons", *J. Opt.* 18, 104005, 2016.
- [4] A. Safaei, A Bassi, and M. A. Bolorizadeh, "Quantum treatment of field propagation in a fiber near the zero dispersion wavelength", *J. Opt.*, 20, 055402, 2018.
- [5] J. M. Dudley, G. Genty, and S. Coen, "Supercontinuum generation in photonic crystal fiber", *Rev. Mod. Phys.*, 78, 1135, 2006.
- [6] P. D. Drummond, C.W. Gardiner, and D. F. Walls, "Quasiprobability methods for nonlinear chemical and optical systems", *Phys. Rev. A*, 24, 914, 1981.



شکل ۲: افت‌وخیزهای کوانتومی قله سالیتون انتشاری بر حسب طول انتشار.

شکل‌های ۱ و ۲ افت‌وخیزهای کوانتومی در اطراف قله سالیتون منتشر شده در تار نوری را به وضوح نشان می‌دهد. از لحاظ ریاضی دلیل این افت‌خیزها وجود جملات استوکاستیکی در معادلات ۱ و ۲ می‌باشد. اما از لحاظ فیزیکی حضور جملات استوکاستیکی در معادلات ۱ و ۲ به معادله فوکر-پلانک که از معادله «مستر» حاصل می‌شود برمی‌گردد. نکته‌ای که باید توجه شود این است که این افت‌وخیزها ذاتی هستند. البته می‌شود با استفاده از چالندگی این افت‌وخیزها را در اطراف سالیتون انتشاری کاهش داد.



شکل ۳: طیف ابرپیوستار تولید شده در خروجی تار بلور فوتونی ذکر شده در [۵] برای مدل کوانتومی.

در شکل ۳ طیف خروجی از تار بلور فوتونی برای مدل کوانتومی در حالت میانی آورده شده است. این شکل نشان می‌دهد که طیف به‌دست آمده از مدل کوانتومی نسبت به مدل کلاسیکی مقداری پهن‌تر می‌باشد. این شکل بیان می‌کند که قله سالیتون رامن ایجاد شده در مدل کوانتومی در